



**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
**«ИРКУТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ИГУ»)**

Институт математики и информационных технологий
Кафедра алгебраических и информационных систем

«УТВЕРЖДАЮ»
Директор ИМИТ ИГУ
 **М. В. Фалалеев**
«25» мая 2022 г.



Рабочая программа дисциплины (модуля)

Б1.В.ДВ.02.01 Задачи дискретной оптимизации

Направление подготовки информационные технологии	02.04.02	Фундаментальная информатика и
Направленность (профиль) подготовки машинное обучение	Анализ данных научных исследований и	
Квалификация выпускника	магистр	
Форма обучения	очная	

Иркутск 2022 г.

Согласовано с УМК Института математики
и информационных технологий
Протокол № 3 от «04» апреля 2022 г.

Председатель _____
Антоник В.Г.

Рекомендовано кафедрой Алгебраических и
информационных систем ИМИТ ИГУ:
Протокол № 9 От «24» марта 2022 г.

Зав. кафедрой _____
Пантелеев В.И.

1. Цели и задачи дисциплины:

Цель

Целью дисциплины Б1.В.В02.01 **Задачи дискретной оптимизации** является формирование системы компетенций магистра в области планирования и управления работой дискретных систем, в том числе знаний методов, моделей и алгоритмов дискретной оптимизации

Задачи:

Познакомить студентов с классическими постановками и методами решения задач дискретной оптимизации, в том числе компьютерными методами.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

2.1. Учебная дисциплина (модуль) Б1.В.В02.01 **Задачи дискретной оптимизации** относится к вариативной части программы.

2.2. Для изучения данной учебной дисциплины (модуля) необходимы знания, умения и навыки, формируемые дисциплинами, включенными в программу бакалавриата: высшая математика, математический анализ, дискретная математика. В программе магистратуры предшествующей является математика для анализа данных.

2.3. Перечень последующих учебных дисциплин, для которых могут понадобиться знания, умения и навыки, формируемые данной учебной дисциплиной: все виды практик, итоговая аттестация.

3. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Процесс освоения дисциплины направлен на формирование компетенций (элементов следующих компетенций) в соответствии с ФГОС ВО по соответствующему направлению подготовки.

Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Компетенция	Индикаторы компетенций	Результаты обучения
ПК 3 Способен формулировать задачи, анализировать и применять способы и методы научных исследований, проводить информационный поиск и использовать информационные ресурсы для решения научно-исследовательских задач, формулировать и представлять научные результаты в форме	ИДКпк3.1 Способен формулировать задачи, анализировать и применять способы и методы научных исследований.	Знать основные объекты и понятия сложности алгоритмов, основные дискретные оптимизационные задачи (задача о минимальном остове, о кратчайших путях в графах, основные задачи о потоках в сетях, о наибольшем паросочетании, о полном паросочетании, о назначениях), Уметь строить эффективные алгоритмы решения основных задач дискретной оптимизации,
	ИДКпк3.2 Способен проводить информационный поиск и использовать информационные ресурсы для решения научно-исследовательских задач	
	ИДКпк3.3 Способен формулировать и представлять научные	

презентаций и публикаций.	и	результаты в форме презентаций и публикаций.	оценивать их вычислительную сложность. Владеть методами решения оптимизационных задач на сетях и графах, в том числе компьютерными методами.
---------------------------	---	--	--

4. СОДЕРЖАНИЕ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетные единицы, 72 часа,

Форма промежуточной аттестации: зачет

4.1 Содержание дисциплины, структурированное по темам, с указанием видов учебных занятий и отведенного на них количества академических часов

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	С е м е с т р	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)				Формы текущего контроля успеваемо сти; Форма промежуто чной аттестаци и (по семестрам)
			Контактная работа преподавателя с обучающимися			Само стоят ельн ая работ а	
			Лекци и	Семина рские (практи ческие занятия)	Консу льтаци и		
1	Основные понятия теории графов.	1	2	2	1	2	тест
	Основные понятия теории графов. Машинное представление графов. Матрицы смежностей, списки смеж ностей, массив смежности. Машинное представление.						
2	Поиск в графах	1	3	3	1	5	тест
	Поиск в глубину в графе. Поиск в ширину в графе. Построения путей в графах. Деревья поиска. Поиск в лабиринте. Задача о построении пути с минимальным числом поворотов.						
3	Минимальный остов	1	3	3	1	5	тест
	Алгоритмы Прима-Ярника-Дейкстры и Борувки- Краскла. Структуры данных задач НАЙТИ- ОБЪЕДИ-НИТЬ в алгоритме Борувки-Краскла. Практические интерпретации задачи о минимальном остове.						
4	Кратчайшие пути	1	4	4	1	5	тест
	Задачи о кратчайших путях. Алгоритмы Форда-Беллмана и Дейкстры. Кратчайшие						

	пути в бесконтурных сетях. Сетевые графики планирования работ. Расчеты основных характеристик в методе критического пути.					
5	Сети		2	3	1	10 тест
	Задача о максимальном потоке. Алгоритм Форда-Фалкерсона. Теорема Эдмондса-Карпа.					
6	Двудольные графы		2	3	1	5 тест
	Задача о наибольшем паросочетании. Задача о полном паросочетании. Алгоритм Куна.					
Итого часов			16	16	8	32 72

4.2 План внеаудиторной самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Семестр	Название раздела, темы	Самостоятельная работа обучающихся			Оценочное средство	Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы
		Вид самостоятельной работы	Сроки выполнения	Затраты времени (час.)		
1	Основные понятия теории графов	УИЛТИн	1-я четверть курса	2	тест	
	Основные понятия теории графов. Машинное представление графов. Матрицы смежностей, списки смежностей, массив смежности. Машинное представление.	УИЛТИн				
	Поиск в графах	УИЛТИн	2-я четверть курса	5	тест	
	Поиск в глубину в графе. Поиск в ширину в графе. Построения путей в графах. Деревья поиска. Поиск в лабиринте. Задача о построении пути с минимальным числом поворотов.	УИЛТИн				
	Минимальный остов	УИЛТИн		5		
	Алгоритмы Прима-Ярника-Дейкстры и Борувки- Краскла. Структуры данных задач НАЙТИ-ОБЪЕДИ-НИТЬ в алгоритме Борувки-Краскла. Практические интерпретации задачи о минимальном остове.	УИЛТИн				
	Кратчайшие пути	УИЛТИн		5		

Семестр	Название раздела, темы	Самостоятельная работа обучающихся			Оценочное средство	Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы
		Вид самостоятельной работы	Сроки выполнения	Затраты времени (час.)		
	Задачи о кратчайших путях. Алгоритмы Форда-Беллмана и Дейкстры. Кратчайшие пути в бесконтактных сетях. Сетевые графики планирования работ. Расчеты основных характеристик в методе критического пути.	УИЛТИн	3-я четверть курса		тест	
	Сети	УИЛТИн		10		
	Задача о максимальном потоке. Алгоритм Форда-Фалкерсона. Теорема Эдмондса-Карпа.	УИЛТИн				
	Двудольные графы	УИЛТИн		5		
	Задача о наибольшем паросочетании. Задача о полном паросочетании. Алгоритм Куна.	УИЛТИн				
Общая трудоемкость самостоятельной работы по дисциплине (час)				32		
Бюджет времени самостоятельной работы, предусмотренный учебным планом для данной дисциплины (час)				32		

Виды самостоятельной работы:

Р – написание реферата,

Д – подготовка доклада,

У – выполнение упражнений,

Э – написание эссе,

Пт – выполнение проекта,

К – кейс-задание,

Пф – портфолио,

И – информационный поиск,

Прз – презентация,

Л – изучение литературы,

Т – заполнение таблицы Донны Огл «Знал, хотел узнать, узнал»

Ин – заполнение таблицы, содержащей 4 столбца – «V» - уже знал, «+» - новое, «-» – думал иначе, «?» – не понял, есть вопросы.

4.3. Методические указания по организации самостоятельной работы студентов

Методические указания по организации самостоятельной работы расположены в ИОС Educa

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

а) основная литература

1. Эвнин, А. Ю. Элементы дискретной оптимизации : учебное пособие / А. Ю. Эвнин. — Челябинск : ЮУрГУ, 2012. — 92 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/162123> (дата обращения: 22.06.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Тюхтина, А. А. Методы дискретной оптимизации : учебно-методическое пособие / А. А. Тюхтина. — Нижний Новгород : ННГУ им. Н. И. Лобачевского, 2014 — Часть 1 — 2014. — 62 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/153140> (дата обращения: 22.06.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Тюхтина, А. А. Методы дискретной оптимизации : учебно-методическое пособие / А. А. Тюхтина. — Нижний Новгород : ННГУ им. Н. И. Лобачевского, 2014 — Часть 1 — 2014. — 62 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/153140> (дата обращения: 22.06.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
4. Ерусалимский, Я. М. Дискретная математика. Теория и практикум : учебник / Я. М. Ерусалимский. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 476 с. — ISBN 978-5-8114-2908-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/169172> (дата обращения: 12.05.2021).

Дополнительная литература

1. Шевелев, Ю. П. Прикладные вопросы дискретной математики : учебное пособие / Ю. П. Шевелев. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 356 с. — ISBN 978-5-8114-2762-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/169034> (дата обращения: 12.05.2021).
2. Кузнецов, О. П. Дискретная математика для инженера : учебное пособие / О. П. Кузнецов. — 6-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 400 с. — ISBN 978-5-8114-0570-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/167753> (дата обращения: 12.05.2021).
3. Мезенцев, Ю. А. Эффективные вычислительные методы решения дискретных задач оптимизации управления производственными процессами : монография / Ю. А. Мезенцев. — Новосибирск : НГТУ, 2015. — 275 с. — ISBN 978-5-7782-2689-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/118220> (дата обращения: 22.06.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

в) периодические издания

1. CODATA Data Science Journal <https://datascience.codata.org/> CODATA Data Science Journal - это рецензируемый электронный журнал с открытым доступом, публикующий статьи по управлению, распространению, использованию и повторному использованию исследовательских данных и баз данных во всех областях исследований, включая науку, технологии, гуманитарные науки и искусство.

г) список авторских методических разработок:

д) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы

1. Единое окно доступа к образовательным ресурсам. Полнотекстовая электронная библиотека учебных и учебно-методических материалов (федеральный ресурс). <http://www.window.edu.ru>.
2. Образовательный математический сайт. [http:// www.exponenta.ru](http://www.exponenta.ru).
3. Московский центр непрерывного математического образования, МЦНМО.

Материалы (полные тексты) свободно распространяемых книг по математике.
<http://www.mccme.ru/free-books>.

4. База знаний и набор вычислительных алгоритмов. <http://www.wolframalpha.com>.
5. Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ» <https://www.biblio-online.ru/>
6. Электронно-библиотечная система издательства «Лань» <https://e.lanbook.com/>
7. ИОС ИГУ EDuca
8. Онлайн-курсы от ведущих вузов и компаний страны <https://welcome.stepik.org/ru>
9. Образовательный онлайн-проект <https://www.coursera.org/>
10. [KDNuggets](#) — крупнейший ресурс о науке о данных, где собраны знания для всех уровней: от начинающих специалистов до профессиональных инженеров.
11. [Indigo](#) — внедрение data science-решений на примере конкретных кейсов, рассказанных компаниями-разработчиком.

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Учебно-лабораторное оборудование:

Для проведения лекционных занятий необходима аудитория с презентационным оборудованием, для проведения практических занятий необходима аудитория на 15-30 рабочих мест (в зависимости от численности учебной группы), оборудованная доской, презентационной техникой.

6.2. Программное обеспечение:

LaTeX – с использованием сборки TeXLive (или возможность выхода на онлайн-ресурс Overleaf), pdf-view'ер, произвольный пакет или библиотеки для математических вычислений.

6.3. Технические и электронные средства:

ИОС EDUCA, DOMIC, презентационное оборудование, персональный компьютер с возможностью просмотра презентаций.

7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При реализации данного курса используются следующие образовательные технологии: технологии традиционного обучения, игровые технологии, технологии проблемного обучения, технологии обучения в сотрудничестве, технологии контекстного обучения, интерактивные технологии, технологии дистанционного обучения, активные педагогические технологии.

8. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

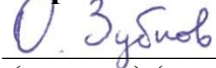
Оценочные средства (ОС):

- 8.1. Оценочные средства для входного контроля – тест в ИОС Educa.
- 8.2. Оценочные средства текущего контроля – тесты в ИОС Educa в соответствии с п. 4.1.
- 8.3. Оценочные средства для промежуточной аттестации (в форме зачета). Необходимым условием получения зачета является выполнение всех тестовых заданий.

Примерные вопросы для зачета.

1. Сведение задач о коммивояжере, о назначениях, о рюкзаке к задачам ЦЛП
2. Разрыв двойственности в ЦЛП.
3. Преобразование бинарной линейной задачи в задачи о покрытии, разбиении и упаковке. Преобразование целочисленной линейной задачи над конусом.
4. Системы линейных уравнений над кольцом целых чисел. Критерий совместности и способы решения.
5. Подрешетки решетки n -мерных целочисленных векторов.
6. Целочисленный вариант теоремы двойственности.
7. Теоремы Кенига, Холла, Дилворта о максимальном потоке.
8. Теорема Диксона. Полиэдральность множества целочисленных решений системы линейных неравенств.
9. Алгоритм решения 2-мерной задачи групповой минимизации. Нахождение всех крайних точек.
10. Метод эллипсоидов.
11. Первый алгоритм Гомори.
12. Второй алгоритм Гомори.
13. Алгоритм Дальтона–Ллевелина.
14. Использование метода ветвей и границ для решения задач дискретной оптимизации.
15. Решение задачи коммивояжера методом ветвей и границ.
16. Параллельные алгоритмы ветвей и границ.
17. Поиск в графе: поиск в глубину, поиск в ширину.
18. Задача о минимальном остове.
19. Паросочетания в двудольных графах. Задача о наибольшем паросочетании. Алгоритм Хопкрофта–Карпа. Задача о полном паросочетании. Алгоритм Куна.
20. Задача о назначении. Венгерский алгоритм.
21. Аддитивный алгоритм Балаша решения задач булева программирования.
22. Алгоритм решения задачи коммивояжера с гарантированной оценкой точности.

Разработчики:

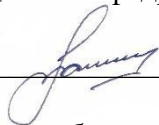


Доц. кафедры АиИС ИМИТ ИГУ Зубков О.В.
(подпись) (занимаемая должность) (инициалы, фамилия)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 02.04.02 «Фундаментальная информатика и информационные технологии» (уровень магистратуры), утвержденный приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от «23» августа 2017 г. № 811, зарегистрированный в Минюсте России «13» сентября 2017 г. № 48168 с изменениями и дополнениями от 26 ноября 2020 г., 8 февраля 2021 г.

Программа рассмотрена на заседании кафедры Алгебраических и информационных систем ИМИТ ИГУ «24» марта 2022 г.

Протокол № 9 Зав. кафедрой



Пантелеев В.И.

Настоящая программа, не может быть воспроизведена ни в какой форме без предварительного письменного разрешения кафедры-разработчика программы.