



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФГБОУ ВО «ИРКУТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ

Кафедра Математики и методики обучения математике



А.В. Семиров
марта 2022 г.

Рабочая программа дисциплины (модуля)

Наименование дисциплины (модуля) **Б1.В.02 Дифференциальные уравнения**

Направление подготовки 44.03.05. Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки Математика – Дополнительное образование

Квалификация (степень) выпускника Бакалавр

Форма обучения очная

Согласована с УМС ПИ ИГУ

Протокол № 7 от «11» марта 2022 г.

Председатель _____ М.С. Павлова

Рекомендовано кафедрой:

Протокол № 6 от «04» марта 2022 г.

Зав. кафедрой _____ З.А. Дулатова

Иркутск 2022 г.

I. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения дисциплины «Дифференциальные уравнения» являются – формирование знаний, умений и навыков студента по разделам «Обыкновенные дифференциальные уравнения» и «Теория линейных дифференциальных уравнений высших порядков. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Уравнения с частными производным», формирование практических умений и навыков, необходимых для приобретения квалификации бакалавра педагогического образования, формирование ключевых специальных профильных компетенций.

Задачи дисциплины:

- дать специальные знания по дисциплине.
- достичь достаточного уровня знаний, как одной из главных дисциплин непрерывного анализа.
- дать представление о роли дифференциальных уравнений в формировании научного мировоззрения.
- способствовать формированию у студентов навыков работы с учебной, научной и научно-методической литературой.
- сформировать у студентов умения применения аппарата дифференциальных уравнений для решения различных прикладных задач.

II. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП:

2.1. Учебная дисциплина «Дифференциальные уравнения» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений

2.2. Для изучения данной учебной дисциплины (модуля) необходимы знания, умения и навыки, формируемые предшествующими дисциплинами:

Алгебра, Геометрия, Математический анализ, Содержательные особенности углубленного обучения в общем образовании, Практика по получению первичных профессиональных знаний и опыта профессиональной деятельности.

2.3. Перечень последующих учебных дисциплин, для которых необходимы знания, умения и навыки, формируемые данной учебной дисциплиной:

Численные методы решения уравнений, Математические модели в естественно-научном и гуманитарном исследовании, Содержательные особенности углубленного обучения в общем образовании, Формирование результатов освоения образовательной программы, Современные направления развития науки, Элементы теории функций действительного и комплексного переменного, Научно-исследовательская практика.

III. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ:

Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Компетенция	Индикаторы компетенций	Результаты обучения
ПК-1 Способен использовать основные положения фундаментальных и прикладных разделов математики для решения	ИДК-пк1.1: преобразовывает стандартные математические выражения по основным правилам в рамках задач учебного курса, формирует эти умения у обучающихся в процес-	Знать: - определения основных понятий дисциплины; - формулировки основных правил, определяющих способы выполнения операций;

<p>теоретических и практических задач учебного характера, формирует эту способность у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p>	<p>се реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне ИДК-пк1.2: строит, используя аналогию, интерпретации математических выражений в различных предметных областях и практике в рамках задач учебного курса, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне (ПС) ИДК-пк1.3: строит, используя аналогию, математические модели для конкретизированных объектов других предметных областей и практики в рамках задач учебного курса, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне ИДК-пк1.4 обосновывает преобразования и применения определений, утверждений и правил фундаментальных и прикладных разделов математики в рамках задач учебного курса, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p>	<p>- формулировки основных теоретических положений дисциплины. уметь: - конкретизировать формулировки математических определений и утверждений в соответствии с различными целями в различных ситуациях; - выполнять вновь определенные действия в соответствии со сформулированными правилами; - начальным опытом построения интерпретаций математических выражений в различных предметных областях и практике; - проверять выполнение признаков основных понятий дисциплины на конкретных объектах; - преобразовывать математические объекты в соответствии с определенными целями по описанным допустимым правилам; - строить математические объекты в соответствии с определенными целями по допустимым правилам; Владеть: - начальным опытом построения математических моделей для конкретизированных объектов других предметных областей и практики.</p>
<p>ПК-2 способен выявлять общую структуру математического знания, описывать взаимосвязь между различными разделами математики, формирует эту способность у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p>	<p>ИДК-пк2.1: определяет структуру основных определений, утверждений и правил фундаментальных и прикладных разделов математики, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне. ИДК-пк2.2: определяет общие понятия, правила и утверждения для различных разделов математики, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p>	<p>Знать: - основные понятия, утверждения, теории и методы; - роль математики в познании природы и общества, ее связь с другими науками, - основные математические модели, применяемые в естественных, гуманитарных и социальных науках. Уметь: - доказывать основные утверждения, - применять математические знания в процессе решения учебных задач прикладного и междисциплинарного характера. Владеть: - математическими методами решения практических и профессиональных задач различных предметных и междисциплинарных областей знания.</p>
<p>ПК-4 способен использовать алгоритмический</p>	<p>ИДК-пк4.1 преобразовывает основные виды математических моделей и методов в со-</p>	<p>Знать: - определения основных понятий</p>

<p>подход при построении математических моделей и методов для решения теоретических и практических задач учебного и исследовательского характера, формирует эту способность у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p>	<p>ответствии с определенными целями для решения теоретических и практических задач учебного и исследовательского характера, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p> <p>ИДК-пк4.2 интерпретирует основные виды математических моделей и методов в заданном контексте в соответствии с определенными целями при решении теоретических и практических задач и исследовательского характера, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p> <p>ИДК-пк4.3 строит математические модели и методы для решения теоретических и практических задач учебного и исследовательского характера, формирует эти умения у обучающихся в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике на соответствующем уровне</p>	<p>- формулировки основных математических закономерностей</p> <p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - распознавать ситуацию применения конкретного метода решения математической задачи; - строить математические объекты в соответствии с определенными целями по допустимым правилам; - формировать план осуществления решения выбранным математическим методом; - преобразовывать математические объекты в соответствии с определенными целями по описанным допустимым правилам в рамках решения конкретной математической задачи; - определять рациональность использования того или иного конкретного метода для решения данной математической задачи; - доказывать выполнение сформулированных свойств для конкретных объектов; <p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> - опытом преобразования задачной ситуации в рамках применения конкретного метода решения; - значительным опытом построения интерпретаций математических выражений в различных предметных областях и практике; - опытом построения математических моделей для конкретизированных объектов других предметных областей и практики.
<p>ПК-5 способен иллюстрировать характерные черты математики результатами, относящимися к различным историческим этапам ее развития, описывать общекультурное значение и место математики в системе наук, в том числе в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике</p>	<p>ИДК-пк5.1 перечисляет основные этапы развития математики и основные достижения этих этапов, в том числе в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике.</p> <p>ИДК-пк5.2 иллюстрирует характерные черты математики, определяющие ее общекультурное значение и место в системе наук, результатами, относящимися к различным историческим этапам ее развития, в том числе в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике.</p> <p>ИДК-пк5.3 представляет фрагменты содержания школьного курса математики в историческом контексте, в том числе в процессе реализации основных и дополнительных программ обучения математике.</p>	<p>Знать:</p> <p>основные этапы развития математики и основные достижения этих этапов.</p> <p>Уметь:</p> <p>соотносить новые сведения с направлением развития математики и формулировать новые задачи в соответствии с этими направлениями.</p>

IV. СОДЕРЖАНИЕ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Всего часов / зачетных единиц	Семестр (-ы)			
		7	8		
Аудиторные занятия (всего)	96	32	64		
В том числе:	-	-	-	-	-
Лекции (Лек)/(Электр)	48	16	32		
Практические занятия (Пр)/ (Электр)	48	16	32		
Лабораторные работы (Лаб)					
Консультации (Конс)	3	1	2		
Самостоятельная работа (СР)	18	3	15		
Вид промежуточной аттестации (зачет, экзамен), часы (Контроль)	17	-	17		
Контроль (КО)	10	-	10		
Контактная работа, всего (Конт.раб)*	109	33	76		
Общая трудоемкость: зачетные единицы	4	1	3		
	часы	144	36	108	

4.2. Содержание учебного материала дисциплины

Раздел 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка

Тема 1. Дифференциальные уравнения 1-го порядка, разрешенные относительно производной

Понятие дифференциальных уравнений. Порядок дифференциального уравнения. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Общее и частное решение. Примеры прикладных задач, связанных с дифференциальными уравнениями.

Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши и ее геометрический смысл.

Уравнения, разрешаемые в квадратурах: с разделенными, с разделяющимися переменными, однородные относительно переменных.

Уравнения в полных дифференциалах, уравнения допускающие интегрирующий множитель, линейные уравнения и уравнения Бернулли.

Тема 2. Дифференциальные уравнения 1-го порядка неразрешенные относительно производной

Геометрический смысл дифференциальных уравнений первого порядка. Поле направлений, изоклины. Дифференциальное уравнение семейства интегральных кривых. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Изолированные особые точки. Особые решения.

Уравнения первого порядка не разрешимые относительно y' . Теорема существования и единственности решения задачи Коши для таких уравнений. Уравнение Клеро, его общее и особое решение. Особые решения уравнения не разрешимого относительно производной.

Раздел 2. Теория линейных дифференциальных уравнений высших порядков. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Уравнения с частными производным

Тема 1. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений.

Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Однородные линейные уравнения. Линейно зависимые и независимые функции. Необходимое условие линейной зависимости. Достаточное условие линейной независимости. Теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения.

Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.

Формулы общего решения уравнения второго порядка для различных случаев корней характеристического уравнения. Линейные неоднородные уравнения. Теорема о структуре его общего решения. Метод вариации произвольных постоянных и метод по правой части для нахождения частного решения неоднородного уравнения.

Линейные системы дифференциальных уравнений.

Тема 2. Дифференциальные уравнения с частными производными

Понятие дифференциального уравнения в частных производных, его общего решения и задачи Коши.

4.3. Перечень разделов/тем дисциплины (модуля)

№ п/п	Наименование раздела/темы	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу обучающихся, практическую подготовку (при наличии) и трудоемкость (в часах)				Оценочные средства	Формируемые компетенции (индикаторы)	Всего (в часах)
		Лекции	Практ. занятия	Лаб. занятия	СРС			
1.	Раздел 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка							
	Тема 1. Дифференциальные уравнения 1-го порядка, разрешенные относительно производной	10	10		2	Проверочная работа Контрольная работа Индивидуальные семестровые задания	ПК-1,ПК-2,ПК-4, ПК-5	22
	Тема 2. Дифференциальные уравнения 1-го порядка неразрешенные относительно производной	6	6		1	Проверочная работа Индивидуальные семестровые задания	ПК-1,ПК-2,ПК-4, ПК-5	13
2.	Раздел 2. Теория линейных дифференциальных уравнений высших порядков. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Уравнения с частными производным							
	Тема 1. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений.	12	12		5	Проверочная работа Контрольная работа Индивидуальные семестровые задания	ПК-1,ПК-2,ПК-4, ПК-5	29
	Тема 2. Дифференциальные уравнения с частными производными	20	20		10	Проверочная работа Контрольная работа Индивидуальные семестровые задания	ПК-1,ПК-2,ПК-4, ПК-5	50
	ИТОГО (в часах)	48	48		18			114

4.4. Методические указания по организации самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов ориентирована на дальнейшее совершенствование их умений по самостоятельному овладению знаниями теоретического и практического характера, овладение профессиональными умениями в области образовательной, воспитательной, культурно-просветительской и научно-исследовательской деятельности:

- 1) использование различных информационных ресурсов для выполнения заданий;
- 2) самостоятельное изучение научной, научно-методической, методической и учебной литературы по теме исследования;
- 3) составление конспектов изучаемых информационных материалов;
- 4) выполнение индивидуальных семестровых заданий, их оформление и представление.

Варианты индивидуальных семестровых заданий можно взять на образовательный портале ИГУ Educa (Курс «Дифференциальные уравнения»).

V. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ:

а) основная литература

1) **Асташова, И. В.** Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : учеб.-практ. пособие, учеб. для студ. вузов, обуч. по спец. "Мат. методы в экономике" и др. мат. спец. / И. В. Асташова, В. А. Никишкин. - ЭВК. - М. : Изд. центр ЕАОИ. - Режим доступа: ЭЧЗ "Библиотех". - Неогранич. доступ. **Ч. 2.** - 2011. - ISBN 978-5-374-00487-8:+

2) **Бибиков, Ю. Н.** Курс обыкновенных дифференциальных уравнений: учебное пособие / Ю. Н. Бибиков. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2022. — 304 с. — ISBN 978-5-8114-1176-4. — Текст: электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210617>).

3) **Демидович, Б. П.** Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: учебное пособие для вузов / Б. П. Демидович, В. П. Моденов. - 5-е изд., стер. - Электрон. текстовые дан. - Санкт-Петербург: Лань, 2021. - 280 с. - **Режим доступа:** <https://e.lanbook.com/book/152452>, <https://e.lanbook.com/img/cover/book/152452.jpg>. - ЭБС "Лань". - Неогранич. доступ. - ISBN 978-5-8114-6795-2: +

4) **Емельянов, В.М.** Уравнения математической физики [Текст] : практикум по решению задач / В. М. Емельянов. - СПб.: Лань, 2008. - ISBN 978-5-8114-0863-4: (10экз)+

5) **Мартинсон, Леонид Карлович.** Дифференциальные уравнения математической физики [Текст] / Л. К. Мартинсон, Ю. И. Малов. - Изд. 3-е, испр. - М.: МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2006. - 368 с. - (Математика в техническом университете). - ISBN 5-7038-2792-2(Вып. XII). - ISBN 5-7038-2484-2.: (8 экз.)+

6) **Степанов В.В.** Курс дифференциальных уравнений: учеб. для гос. ун-тов / В. В. Степанов. - 9-е изд., стер. - М: КомКнига, 2006. - 468 с. (5 Экз)+

7) **Эльсгольц, Л. Э.** Дифференциальные уравнения [Текст]: учеб. для физ. и физ.-мат. фак. ун-тов / Л. Э. Эльсгольц. - 8-е изд. - М.: Изд-во ЛКИ, 2014. - 309 с.: ил. ; 22 см. - (Классический учебник МГУ). - Библиогр.: с. 306. - Предм. указ.: с. 307-309. - ISBN 978-5-382-01491-3: (70 Экз)+

б) дополнительная литература

1) **Артемьева С.В.** Уравнения математической физики. Основные задачи для гиперболических и параболических уравнений: учеб. пособие / С. В. Артемьева; Вост.-Сиб. гос. акад. образования. - Иркутск: Изд-во ВСГАО, 2013. - 131 с. (5 экз)+

2) **Головко, Е. А.** Уравнения математической физики. Руководство к решению задач [Текст]: учеб. пособие: в 2 ч. / Е. А. Головко; рец.: М. В. Фалалеев, Г. А. Тренёва; Иркутский гос. ун-т, Ин-т математики, экономики и информ. - Иркутск: Изд-во ИГУ, 2014. - 20 см. - ISBN 978-5-9624-1200-9. **Ч. 1.** - 2014. - 130 с. - ISBN 978-5-9624-1201-6: всего 52+

3) **Головко, Е. А.** Уравнения математической физики. Руководство к решению задач [Текст]: учеб. пособие: в 2 ч. / Е. А. Головко; рец.: М. В. Фалалеев, Г. А. Тренёва; Иркутский гос. ун-т, Ин-т математики, экономики и информ. - Иркутск: Изд-во ИГУ, 2014. - 20 см. - ISBN 2) 978-5-9624-1200-9. **Ч. 2.** - 2014. - 142 с. - ISBN 978-5-9624-1202-3: всего 53+

4) **Тихонов, А.Н.** Уравнения математической физики [Электронный ресурс]: учеб. для студ. физ.-мат. спец. ун-тов / А. Н. Тихонов, А. А. Самарский. - 7-е изд. - ЭВК. - М.: Изд-во МГУ: Наука, 2004. - 800 с. Режим доступа: Электронный читальный зал "Библиотех".+

в) периодические издания

г) список авторских методических разработок:

1) Артемьева С. В., Курьякова Т.С. Обыкновенные дифференциальные уравнения: основные виды и методы решений. Учебное пособие / С.В. Артемьева, Т.С. Курьякова. – Иркутск: ООО «Репроцентр А1», 2019. – 80 с.

2) Артемьева С.В. Уравнения математической физики. Основные задачи для гиперболических и параболических уравнений: учеб. пособие / С. В. Артемьева; Вост.-Сиб. гос. акад. образования. - Иркутск: Изд-во ВСГАО, 2013. - 131 с.

д) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы

1. <http://ibooks.ru/> Электронно-библиотечная система (ЭБС) iBooks.Ru. Учебники и учебные пособия для университетов

2. ООО«Библиотех» Адрес доступа: <https://isu.bibliotech.ru/>

3. <http://e.lanbook.com> Электронно-библиотечная система (ЭБС) на платформе издательства «Лань»

4. <http://www.biblioclub.ru> Электронно-библиотечная система (ЭБС) Университетская библиотека онлайн

5. <http://standart.msu.ru/node/88> [Электронный ресурс]. – URL:

VI. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Помещения и оборудование

Помещения – учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных учебным планом ОПОП ВО бакалавриата, оснащены оборудованием и техническими средствами обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ФГБОУ ВО «ИГУ».

Специальные помещения:

- учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля

Аудитория на 60 посадочных мест, укомплектована специализированной учебной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления информации в большой аудитории:

Оборудование

Колонки активные MicroLab ЗКЩ 3 дерево с внешним усилителем, компьютер Celeron J 352, компьютерный стол (1400*700*800) ольха, проектор XGA BenQ PB

Помещение (компьютерный класс) на 38 посадочных мест, оснащено компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечен доступ в электронную информационно-образовательную среду организации: Компьютер Z-Comp Core 2 Duo E7400 (Системный блок в комплекте, Монитор Samsung 743N)-38 шт; Коммутатор DGS 1018 D; Коммутатор 8 port Comrex DSG1008 E-net Switch; Коммутатор DES-1226G 24*10XМб портов2*SFP Неограниченный доступ к сети Интернет.

6.2. Лицензионное и программное обеспечение

Windows XP (Номер Лицензии Microsoft 19683056)

Антивирус Kaspersky (Форус Контракт№04-114-16 от 14ноября2016г KES Счет №РСЦЗ-000147 и АКТ от23ноября 2016г Лиц№1В08161103014721370444)

LibreOffice (LGPL-3.0, MPL 2.0)

MSOffice2007 (Номер Лицензии Microsoft 43364238)

7-zip (GNU LGPL)

VLC (L-GPL-2.1+)

Mozilla Firefox (GNU GPL, GNU LGPL)

WinDjView (GNU GPL)

XnView MP (бесплатная для некоммерческого и/или образовательного использования)

Acrobat Reader DC (Условия правообладателя

Условия использования по ссылке: http://www.wimages.adobe.com/content/dam/acom/en/legal/licenses-terms/pdf/PlatformClients_PC_WWEULA-en_US-20150407_1357.pdf)

windows 7 (Договор №03-015-16

Подписка №1204045827)

Антивирус Kaspersky (Форус Контракт№04-114-16 от 14ноября2016г KES Счет №РСЦЗ-000147 и АКТ от23ноября 2016г Лиц№1В08161103014721370444)

LibreOffice (LGPL-3.0, MPL 2.0)

PeaZip (GNU GPL, GNU LGPL)

MSOffice2007 (Номер Лицензии Microsoft 43364238)

VLC (L-GPL-2.1+)

Mozilla Firefox (GNU GPL, GNU LGPL)

WinDjView (GNU GPL)

XnView MP (бесплатная для некоммерческого и/или образовательного использования)

Acrobat Reader DC (Условия правообладателя

Условия использования по ссылке: http://www.wimages.adobe.com/content/dam/acom/en/legal/licenses-terms/pdf/PlatformClients_PC_WWEULA-en_US-20150407_1357.pdf)

SMART NoteBook (Наличие интерактивной доски автоматически предоставляет лицензию на продукт SMART NoteBook SMART Notebook Software license)

VII. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

В образовательном процессе используются активные и интерактивные формы проведения занятий (эвристические беседы, технологии развития критического мышления, семинары, групповые дискуссии; и активные методы обучения: проблемный, частично-поисковый, поисковый), развивающие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств и формирующие компетенции.

VIII. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

8.1. Оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости

Темы проверочных и контрольных работ:

Демонстрационные варианты

Раздел 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка

1) $4xdx - 3ydy = 3x^2 ydy - 2xy^2 dx$, 2) $y' = \frac{y^2}{x^2} + 4\frac{y}{x} + 2$, 3) $y' = \frac{x + 2y - 3}{2x - 2}$,

4) $y' - \frac{y}{x} = x^2$, $y(1) = 0$, 5) $y^2 dx + \left(x + e^{\frac{2}{y}} \right) dy = 0$, $y(e) = 2$,

6) $y' + xy = (1 + x)e^{-x} y^2$, $y(0) = 1$, 7) $3x^2 e^y dx + (x^3 e^y - 1) dy = 0$,

Раздел 2. Теория линейных дифференциальных уравнений высших порядков. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Уравнения с частными производным

1) $y'' + 3y'' + 2y' = 1 - x^2$ 2) $y''' - 4y'' + 5y' - 2y = (16 - 12x)e^{-x}$

3) $y'' + 2y' = 4e^x (\sin x + \cos x)$ 4) $y''' - 100y' = 20e^{10x} + 100\cos 10x$

5) $y'' + \pi^2 y = \frac{\pi^2}{\cos \pi x}$, $y(0) = 3$, $y'(0) = 0$

8.2. Оценочные средства для промежуточной аттестации в форме экзамена.

Примерный перечень вопросов и заданий к экзамену

1. Понятие обыкновенного дифференциального уравнения, его порядка, общее и частное решение.
2. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши.
3. Изолированные особые точки. Понятие особого решения.
4. Уравнения первого порядка, разрешенные относительно y' , его симметрическая форма. Уравнения с разрешенными и разделяющимися переменными, их разрешимость в квадратурах.
5. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка относительно переменных, их разрешимость в квадратурах.
6. Линейные уравнения и уравнения Бернулли, формулы их общего решения.
7. Уравнения в полных дифференциалах его разрешимость в квадратурах.
8. Уравнение, допускающее интегрирующий множитель.
9. Геометрический смысл уравнений первого порядка, разрешенных относительно y' . Поле направлений. Изоклины.
10. Уравнение Клеро, свойство его общего и особого решений.
11. Линейно зависимые, линейно независимые функции. Достаточное условие линейной независимости.
12. Линейный дифференциальный оператор и его свойства.
13. Метод вариации и метод по правой части для нахождения частного решения линейного неоднородного уравнения с постоянными коэффициентами.
14. Линейное однородное уравнение высшего порядка. Теорема о структуре его общего решения.

15. Линейные однородные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Вывод формул его общего решения в зависимости от корней характеристического уравнения.
16. Линейное неоднородное уравнение высшего порядка. Теорема о структуре его общего решения.
17. Вывод формулы общего решения линейного уравнения первого порядка методом вариации.

Примерный перечень заданий к экзамену

- 1) $x\sqrt{1+y^2} + yy'\sqrt{1+x^2} = 0$,
- 2) $xy' = \frac{3y^3 + 2yx^2}{2y^2 + x^2}$,
- 3) $y' = \frac{x+y-2}{2x-2}$,
- 4) $y' - y \operatorname{ctg} x = 2x \sin x$, $y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$,
- 5) $(2x + y^4 e^y)y' = y$, $y(0) = 1$,
- 6) $xy' + y = 2y^2 \ln x$, $y(1) = \frac{1}{2}$,
- 7) $\left(3x^2 + \frac{2}{y} \cos \frac{2x}{y}\right) dx - \frac{2x}{y^2} \cos \frac{2x}{y} dy = 0$,
- 8) $xy''' + y'' = 1$
- 9) $y'' = 128y^3$, $y(0) = 1$, $y'(0) = 8$
- 10) $y''' - y'' = 6x^2 + 3x$
- 11) $y''' - 3y'' + 2y' = (1 - 2x)e^x$
- 12) $y'' - 4y' + 4y = -e^{2x} \sin 6x$
- 13) $y'' + y = 2 \sin x - 6 \cos x + 2e^x$
- 14) $y'' + 3y' = \frac{9e^{3x}}{1 + e^{3x}}$, $y(0) = \ln 4$, $y'(0) = 3(1 - \ln 2)$.

Документ составлен в соответствии с требованиями ФГОС по направлению 44.03.05 «Педагогическое образование» (с двумя профилями подготовки), утвержденного приказом Министерства образования и науки РФ от 22 февраля 2018 г. N125 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта высшего образования – бакалавриат по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)»

Разработчик:

Артемьева С.В, к.ф.-м.н., доцент кафедры математики

и методики обучения математике ПИ ФГБОУ ВО

«ИГУ»

Настоящая программа не может быть воспроизведена ни в какой форме без предварительного письменного разрешения кафедры-разработчика программы.