

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«ИРКУТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ФГБОУ ВО «ИГУ»)

Институт математики и информационных технологий Кафедра информационных технологий

УТВЕРЖДАЮ»
Директор ИМИТ ИГУ
М. В. Фалалеев
11» апредя 2025 г.

Рабочая программа дисциплины (модуля)

Б1.О.14 Дифференциальные уравнения

Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) подготовки Искусственный интеллект и системная

аналитика

Квалификация выпускника бакалавр

Форма обучения очная

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели:

- 1. Формирование у студентов современных теоретических знаний и практических навыков исследования в области обыкновенных дифференциальных уравнений.
- 2. Ознакомление с принципами математического моделирования с использованием аппарата теории обыкновенных дифференциальных уравнений.

Задачи:

- 1. Изучить основные определения и теоремы предметной области.
- 2. Выработать навыки классификации обыкновенных дифференциальных уравнений в соответствии с известными типами.
- 3. Изучить основные свойства типов обыкновенных дифференциальных уравнений, имеющих важное теоретическое и практическое значение.
- 4. Изучить методы интегрирования дифференциальных уравнений.
- 5. Овладеть навыками моделирования процессов дифференциальными уравнениями.
- 6. Сформировать понимание современного состояния науки в области теории обыкновенных дифференциальных уравнений.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

Учебная дисциплина Б1.О.15 Дифференциальные уравнения относится к обязательной части Блока 1 образовательной программы.

Для изучения данной учебной дисциплины необходимы знания, умения и навыки, формируемые предшествующими дисциплинами: Б1.О.12 Математический анализ, Б1.О.13 Алгебра, Б1.О.14 Геометрия, Б1.О.27 Пакеты компьютерной математики.

Перечень последующих учебных дисциплин, для которых необходимы знания, умения и навыки, формируемые данной учебной дисциплиной: Б1.О.17 Численные методы, Б1.О.18 Методы оптимизации, Б1.О.20 Методы оптимального управления, Б1.О.22 Функциональный анализ, Б1.О.23 Уравнения математической физики.

3. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Процесс освоения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО и ОП ВО по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика:

ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности;

ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

знать: аппарат теории обыкновенных дифференциальных уравнений; основные определения и теоремы предметной области;

уметь: совершенствовать и применять аппарат теории обыкновенных дифференциальных уравнений; корректно выбирать метод решения;

владеть: основными методами аппарата теории обыкновенных дифференциальных уравнений; навыками моделирования.

4. СОДЕРЖАНИЕ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Объем дисциплины составляет 8 зачетных ед., 288 час.

Форма промежуточной аттестации: экзамен, экзамен.

4.1. Содержание дисциплины, структурированное по темам, с указанием видов учебных занятий и отведенного на них количества академических часов

Раздел дисциплины / тема	Сем.	Виды у	чебной ра	аботы		Формы
			гная рабс		Самос	текущего
			авателя с		T.	контроля;
		_	щимися		работа	Формы
		Лекци	Лаб.	Практ.	1	промежут.
		И	заняти	заняти		аттестации
			Я	Я		
Тема 1. Введение в теорию	3	2				Экз.
обыкновенных дифференциальных						
уравнений						
Тема 2. Дифференциальные	3	2		6	2	Контрольн
уравнения 1-го порядка,						ая работа,
разрешенные относительно						экз.
производной						
	3	2		4	2	Контрольн
Тема 3. Уравнение в полных						ая работа,
дифференциалах						ЭКЗ.
Тема 4. Интегрирующий	3	2				Экз.
множитель						
	3	2		2		Контрольн
Тема 5. Линейные однородные ДУ						ая работа,
1-го порядка						ЭКЗ.
	3	2		4	3	Контрольн
Тема 6. Линейные неоднородные						ая работа,
ДУ 1-го порядка						ЭКЗ.
	3	2		2	1	Контрольн
Тема 7. Частные случаи линейных						ая работа,
ДУ 1-го порядка						ЭКЗ.
Тема 8. Уравнение Бернулли.	3	2		6	6	Контрольн
Простые типы уравнений,						ая работа,
интегрируемые в квадратурах.						ЭКЗ.
Тема 9. Уравнение Риккати	3	2				Экз.
	4			2	2	Контрольн
						ая работа,
Тема 9. Уравнение Риккати						ЭКЗ.
Тема 10. ДУ 1-го порядка, не	3	2				Экз.
разрешенные относительно						
производной. Метод введения						
параметра.						

T 10 TV 1					7.0
Тема 10. ДУ 1-го порядка, не	4		2	2	Контрольн
разрешенные относительно					ая работа,
производной. Метод введения					ЭКЗ.
параметра.					
Тема 11. Уравнение Лагранжа.	3	2			Экз.
Уравнение Клеро. Особые					
решения.					
Тема 11. Уравнение Лагранжа.	4		4	2	Контрольн
Уравнение Клеро. Особые					ая работа,
решения.					экз.
Тема 12. ДУ высших порядков	3	2			Экз.
Тема 13. Методы понижения	3	2			Экз.
порядка					JKS.
Порядка	4		6	4	Контрольн
Тема 13. Методы понижения	1		0	4	ая работа,
					<u> </u>
порядка	12	1			ЭКЗ.
Тема 14. Понижение порядка	3	2			Экз.
отдельных видов неполных					
уравнений	<u> </u>				
Тема 15. Линейные ДУ высших	3	2			Контрольн
порядков с постоянными					ая работа,
коэффициентами. Общий метод					экз.
решения.					
Тема 16. Линейные однородные	3	2	4	4	Контрольн
ДУ высших порядков с					ая работа,
постоянными коэффициентами.					ЭКЗ.
Общее решение.					
Тема 17. Линейные неоднородные	3	2	6	4	Контрольн
ДУ высших порядков с					ая работа,
постоянными коэффициентами.					экз.
Общее решение. Метод					
неопределенных коэффициентов.					
Тема 17. Линейные неоднородные	4		2	2	Контрольн
ДУ высших порядков с					ая работа,
постоянными коэффициентами.					экз.
Общее решение. Метод					JKJ.
неопределенных коэффициентов.					
неопределенных коэффициентов.	4	2		2	Vournoutiu
Taka 10 Haya yayayaya kara ya	4	2		2	Контрольн
Тема 18. Приближенные методы					ая работа,
решения ДУ	1	12			ЭКЗ.
Тема 19. Метод Эйлера и его	4	2			Экз.
модификации					
Тема 20. Введение в теорию систем	4	2			Экз
обыкновенных ДУ					
Тема 21. Теорема существования и	4	2			Экз.
единственности решения задачи					
Коши					
Тема 22. Продолжение решения.	4	2			Экз.
Корректность задачи Коши.					
	4	2			Контрольн
Тема 23. Линейные системы ДУ с					ая работа,
постоянными коэффициентами					экз.
11 '					

Тема 24. Линейные однородные системы ДУ с постоянными коэффициентами. Случай 1: базис из собственных векторов.	4	2	2	2	Контрольн ая работа, экз.
Тема 25. Линейные однородные системы ДУ с постоянными коэффициентами. Случай 2: базис Жордана.	4	2	4	2	Контрольн ая работа, экз.
Тема 26. Линейные неоднородные системы ДУ с постоянными коэффициентами. Метод неопределенных коэффициентов.	4	2	2	2	Контрольн ая работа, экз.
Тема 27. Матричная экспонента. Формула общего решения линейной системы ДУ с постоянными коэффициентами.	4	2	2		Контрольн ая работа, экз.
Тема 28. Алгебраический метод построения матричной экспоненты.	4	2			Контрольн ая работа, экз.
Тема 29. Линейная независимость функций. Линейные ДУ высших порядков с переменными коэффициентами	4	2			Экз.
Тема 30. Общее решение линейного однородного ДУ высшего порядка с переменными коэффициентами	4	2			Экз.
Тема 31. Общее решение линейного неоднородного ДУ высшего порядка с переменными коэффициентами. Метод Лагранжа.	4	2	2	4	Контрольн ая работа, экз.
Тема 32. Краевая Задача.	4	2	2	2	Контрольн ая работа, экз.
Тема 33. Функция Грина	4	2	2		Контрольн ая работа, экз.
Итого (3 семестр):		34	34	22	ЭКЗ.
Итого (4 семестр):		32	32	26	экз.

4.2. План внеаудиторной самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Раздел дисциплины /	Самостоятельная работа			Оценочное	Учебно-
тема	обучающихся			средство	методическое
	Вид	Сроки	Затрат		обеспечение
	самост.	выполне	Ы		самост. работы
	работы	ния	времен		
			И		

Тема 2. Дифференциальные уравнения 1-го порядка, разрешенные относительно производной Тема 3. Уравнение в полных дифференциалах	Самост оятель ное решен ие задач Самост оятель ное решен ие задач	1 неделя 1 неделя	2	Контрольная работа Контрольная работа	1. Краснов, Михаил Леонтьевич. Обыкновенные дифференциал ьные уравнения задачи и примеры с подробными
Тема 6. Линейные неоднородные ДУ 1-го порядка	Самост оятель ное решен ие задач	1 неделя	3	Контрольная работа	решениями: учеб. пособие для студ. втузов / М. Л. Краснов, А. И. Киселев, Г. И.
Тема 7. Частные случаи линейных ДУ 1-го порядка	Самост оятель ное решен ие задач	1 неделя	1	Контрольная работа	Макаренко 5-е изд., испр М.: КомКнига, 2005 253 с ISBN 5-484-
Тема 8. Уравнение Бернулли. Простые типы уравнений, интегрируемые в квадратурах.	Самост оятель ное решен ие задач	3 недели	6	Контрольная работа	00193-5. 50 экз. + 2. Филиппов, Алексей Федорович.
Тема 9. Уравнение Риккати	Самост оятель ное решен ие задач	1 неделя	2	Контрольная работа	Сборник задач по дифференциал ьным уравнениям [Текст]: учеб.
Тема 10. ДУ 1-го порядка, не разрешенные относительно производной. Метод введения параметра.	Самост оятель ное решен ие задач	1 неделя	2	Контрольная работа	пособие / А. Ф. Филиппов 4- е изд М. : Либроком, 2011 237 с ISBN 978-5-
Тема 11. Уравнение Лагранжа. Уравнение Клеро. Особые решения.	Самост оятель ное решен ие задач	1 неделя	2	Контрольная работа	397-02914-8. 29 экз. +

T 12 M		2	4	TC	
Тема 13. Методы	Самост	2 недели	4	Контрольная	
понижения порядка	оятель			работа	
	ное				
	решен				
	ие				
	задач				
Тема 16. Линейные	Самост	2 недели	4	Контрольная	
однородные ДУ высших	оятель			работа	
порядков с постоянными	ное			Pweerw	
коэффициентами. Общее	решен				
решение.	ие				
решение.	_				
Т 17 П ~	задач	2	4	T/	
Тема 17. Линейные	Самост	2 недели	4	Контрольная	
неоднородные ДУ	оятель			работа	
высших порядков с	ное				
постоянными	решен				
коэффициентами. Общее	ие				
решение. Метод	задач				
неопределенных					
коэффициентов.					
Тема 17. Линейные	Самост	1 неделя	2	Контрольная	
неоднородные ДУ	оятель	, ,		работа	
высших порядков с	ное			F	
постоянными	решен				
коэффициентами. Общее	ие				
решение. Метод	задач				
неопределенных	зиди і				
коэффициентов.					
Тема 18. Приближенные	Самост	1 неделя	2	Контрольная	
методы решения ДУ		т недели	2	работа	
методы решения ду	оятель			paoora	
	ное				
	решен				
	ие				
	задач			T.0	
Тема 24. Линейные	Самост	1 неделя	2	Контрольная	
однородные системы ДУ	оятель			работа	
с постоянными	ное				
коэффициентами.	решен				
Случай 1: базис из	ие				
собственных векторов.	задач				
Тема 25. Линейные	Самост	1 неделя	2	Контрольная	
однородные системы ДУ	оятель			работа	
с постоянными	ное			-	
коэффициентами.	решен				
Случай 2: базис	ие				
Жордана.	задач				
Тема 26. Линейные	Самост	1 неделя	2	Контрольная	
неоднородные системы	оятель		-	работа	
ДУ с постоянными	ное			r	
коэффициентами. Метод	решен				
неопределенных	ие				
коэффициентов.	задач				
поэффиционтов.	зиди 1	I			

Тема 31. Общее решение	Самост	2 недели	4	Контрольная	
линейного	оятель			работа	
неоднородного ДУ	ное				
высшего порядка с	решен				
переменными	ие				
коэффициентами. Метод	задач				
Лагранжа.					
Тема 32. Краевая Задача.	Самост	1 неделя	2	Контрольная	
	оятель			работа	
	ное				
	решен				
	ие				
	задач				
Общая трудоемкость само	стоятельн	юй	48		
работы (час.)					
Из них с использованием электронного		24			
обучения и дистанционных образовательных					
технологий (час.)					

4.3. Содержание учебного материала

Введение	
Тема 1. Введение в теорию	Понятие дифференциального уравнения, порядка ДУ и его
обыкновенных	решения. Примеры дифференциальных уравнений.
дифференциальных	Примеры использования дифференциальных уравнений в
уравнений	приложениях.
Дифференциальные уравнен	ия 1-го порядка, разрешенные относительно производной
Тема 2. Дифференциальные	Понятие ДУ 1-го порядка, разрешенного относительно
уравнения 1-го порядка,	производной, и его решения. Интегральная кривая.
разрешенные относительно	Разрешимость в квадратурах. Нормальная форма ДУ и
производной	дифференциальная форма ДУ. Геометрическая
	интерпретация ДУ. Поле направлений. Изоклина. Метод
	изоклин. Задача Коши (аналитическая формулировка и
	геометрическая формулировка). Теорема существования и
	единственности (без доказательства). Алгоритм
	продолжения решения.
Тема 3. Уравнение в	Определение уравнения в полных дифференциалах.
полных дифференциалах	Критерий уравнения в полных дифференциалах. Формула,
	дающая семейство решений уравнения в полных
	дифференциалах. Частный случай уравнения в полных
	дифференциалах: уравнение с разделенными переменными.
Тема 4. Интегрирующий	Интегрирующий множитель. Поиск интегрирующего
множитель	множителя (вывод уравнения в частных производных для
	поиска интегрирующего множителя). Способ применения
	этого уравнения в частных производных, когда
	интегрирующий множитель зависит только от одной
	переменной. Уравнение с разделяющимися переменными и
	его интегрирующий множитель.

Тема 5. Линейные	Понятие линейного однородного ДУ 1-го порядка. Общее
однородные ДУ 1-го	решение и частное решение. Фундаментальное решение.
порядка	Теорема о фундаментальном решении. Теорема о структуре
	общего решения ЛОДУ-1. Интегрирование ЛОДУ-1, как
	уравнения с разделяющимися переменными. Модель
	Мальтуса.
Тема 6. Линейные	Понятие линейного неоднородного ДУ 1-го порядка. и
неоднородные ДУ 1-го	соответствующее ему ЛОДУ-1. Общее решение и частное
порядка	решение. Теорема о структуре общего решения ЛНДУ-1.
	Методы решения ЛНДУ-1: метод Лагранжа, метод
	Бернулли, метод Эйлера, формула общего решения. Пример:
	сила тока в RL-цепи с графиком зависимости силы тока от
T. A.H.	времени.
Тема 7. Частные случаи	Дифференциальные уравнения 1-го порядка, линейные
линейных ДУ 1-го порядка	относительно независимой переменной. Линейные
	уравнения 1-го порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью: метод неопределенных
	коэффициентов.
Тема 8. Уравнение	Уравнение Бернулли. Сведение к линейному уравнению.
Бернулли. Простые типы	Однородное уравнение (не линейное). Сведение к
уравнений, интегрируемые	уравнению с разделяющимися переменными. Уравнение,
в квадратурах.	приводимое к однородному. Сведение к однородному
7 4 31	уравнению. Обобщенное однородное уравнение 1-го
	порядка.
Тема 9. Уравнение Риккати	Понятие уравнения Риккати. Проверка условий теоремы
	существования и единственности. Специальное уравнения
	Риккати. Канонический вид уравнения Риккати. Решение
	уравнения Риккати при известном частном решении
	(сведение к уравнению Бернулли). Подбор частного
т 11	решения в виде $y = ax + b$ u $y = a/x$.
	ия 1-го порядка, не разрешенные относительно производной
Тема 10. ДУ 1-го порядка,	ДУ-1, не разрешенное относительно производной. Решение.
не разрешенные	Решение в параметрической форме. Интегральная кривая.
относительно производной. Метод введения параметра.	Задача Коши. Теорема существования и единственности.
Тема 11. Уравнение	Уравнение Лагранжа. Уравнение Клеро. Особое решение.
Лагранжа. Уравнение	Дискриминантная кривая. Алгоритм построения особого
Клеро. Особые решения.	решения.
Дифференциальные уравнен	1
Тема 12. ДУ высших	Понятие ДУ п-го порядка (разрешенного и неразрешенного
порядков	относительно старшей производной), и его решения.
_	Интегральная кривая. Задача Коши. Теорема существования
	и единственности. Геометрическая интерпретация
	начальных условий. Пример: переходная кривая ж/д пути
Тема 13. Методы	Преобразования ДУ. Инвариант преобразования.
понижения порядка	Понижение порядка с помощью инвариантов. Уравнение не
	содержит явно γ и, возможно, первые $(k-1)$ производные γ .
	Уравнение не содержит явно х. Однородное по у и ее
	производным. Случай полной производной. Однородное в
	обобщенном смысле.

Тема 14. Понижение	Неполные уравнения $F(x, y^{(n)}) = 0$, $F(y^{(n-1)}, y^{(n)}) = 0$,
порядка отдельных видов	$F(y^{(n-2)}, y^{(n)}) = 0.$
неполных уравнений	1.0 % / 0.
	ие уравнения с постоянными коэффициентами
Тема 15. Линейные ДУ	Дифференциальный многочлен. Сложение, умножение.
высших порядков с	Формула сдвига. Характеристический многочлен. Линейное
постоянными	ДУ n-го порядка с постоянными коэффициентами и его
коэффициентами. Общий	общее решение. Общий метод решения ЛДУ-п с ПК с
метод решения.	помощью дифференциальных многочленов. Существование
	и единственность решения задачи Коши для ЛДУ-п с ПК.
Тема 16. Линейные	Определение. Линейность пространства решений.
однородные ДУ высших	Характеристическое уравнение. Общее решение. Теорема об
порядков с постоянными	общем решении. Свойства общего решения. Выделение
коэффициентами. Общее	вещественных решений из комплексных. Некоторые
решение.	линейные ДУ, приводимые к уравнениям с постоянными
T 15 T 11	коэффициентами.
Тема 17. Линейные	Определение. Соответствующее однородное. Принцип
неоднородные ДУ высших	суперпозиции. Метод неопределенных коэффициентов.
порядков с постоянными	Резонансный и нерезонансный случаи. Пример. Уравнение
коэффициентами. Общее	малых колебаний мятника.
решение. Метод	
неопределенных	
коэффициентов.	nung muduhanannya manya manya ma
Тема 18. Приближенные	ения дифференциальных уравнений
методы решения ДУ	Эквивалентность задачи Коши и интегрального уравнения. Метод последовательных приближений. Метод рядов.
Тема 19. Метод Эйлера и	Метод Эйлера, метод Эйлера с пересчетом и
его модификации	модифицированный метод Эйлера. Метод Рунге-Кутты 4
сто модификации	порядка. Реализация алгоритмов приближенного решения на
	Python и в Excel.
Системы дифференциальных	
Тема 20. Введение в	Определение системы ДУ в нормальной форме. Решение.
теорию систем	Векторная запись системы. Задача Коши. Условие Липшица
обыкновенных ДУ	по «у». Система интегральных уравнений, эквивалентная
	задаче Коши. Лемма об эквивалентности. Лемма Гронуолла
	+ доказательство. Усиленная лемма Гронуолла (без
	доказательства).
Тема 21. Теорема	Теорема существования и единственности для систем.
существования и	Схема доказательства существования. Доказательство
единственности решения	единственности.
задачи Коши	
Тема 22. Продолжение	Продолжение решения (алгоритм). Теорема о продолжении
решения. Корректность	решения (без доказательства). Корректность задачи Коши.
задачи Коши.	Непрерывная зависимость решения от параметров в правой
	части.
	нциальных уравнений с постоянными коэффициентами
Тема 23. Линейные	Определение. Векторная запись системы ДУ. Однородная и
системы ДУ с	неоднородная линейная система. Решение. Задача Коши.
постоянными	
коэффициентами	

T 24 H V	
Тема 24. Линейные	Собственные значения, собственные векторы. Базис из
однородные системы ДУ с	собственных векторов. Общее решение линейной
постоянными	однородной системы дифференциальных уравнений с
коэффициентами. Случай	постоянными коэффициентами (случай базиса из
1: базис из собственных	собственных векторов).
векторов.	
Тема 25. Линейные	Присоединенные векторы, жорданова цепочка. Жорданов
однородные системы ДУ с	базис. Общее решение линейной однородной системы
постоянными	дифференциальных уравнений с постоянными
коэффициентами. Случай	коэффициентами (базис Жордана).
2: базис Жордана.	
Тема 26. Линейные	Определение. Принцип суперпозиции. Общее решение
неоднородные системы ДУ	(теорема).
с постоянными	
коэффициентами. Метод	
неопределенных	
коэффициентов.	
Тема 27. Матричная	Матричная экспонента и ее свойства. Приложение
экспонента. Формула	матричной экспоненты к решению ЛНСДУ с ПК.
общего решения линейной	The second secon
системы ДУ с	
постоянными	
коэффициентами.	
Тема 28. Алгебраический	Алгебраический метод построения матричной экспоненты.
метод построения	Случай 1: матрица имеет диагональный вид. Случай 2:
матричной экспоненты.	матрица не диагональная, но ее собственные векторы
marph mon skenonenra.	образуют базис. Случай 3: матрица не диагональная и базиса
	из собственных векторов не существует.
Линейные лифференциальнь	ве уравнения высших порядков с переменными
коэффициентами	, p 12.10.1.1.1. 22.0.1.1.1.1.1.2.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1
Тема 29. Линейная	Линейная зависимость функций. Определитель Вронского.
независимость функций.	Необходимое условие линейной зависимости. Линейное
Линейные ДУ высших	уравнение. Линейный дифференциальный оператор.
порядков с переменными	Теорема существования и единственности для линейного
коэффициентами	ДУ (глобальная)
Тема 30. Общее решение	Определение. Свойства решений ЛОДУ-п. Критерий
линейного однородного ДУ	линейной независимости п решений ЛОДУ-п.
высшего порядка с	Фундаментальная система решений (ФСР). Общее решение
переменными	ЛОДУ-п. Построение ЛОДУ-п по заданной ФСР. Формула
коэффициентами	Лиувилля-Остроградского.
Тема 31. Общее решение	Определение. Общее решение. Метод Лагранжа.
линейного неоднородного	определение. Оощее решение. тистод награнжа.
ДУ высшего порядка с	
переменными	
коэффициентами. Метод	
Лагранжа.	
Тема 32. Краевая Задача.	Понятие краевой задачи на примере линейного ДУ 2-го
теми 52. Криевал Задача.	порядка. Краевые условия. Однородная и неоднородная
	краевая задача. Сравнение начальной и краевой задачи.
	Единственность решения неоднородной краевой задачи при
	любой правой части.

Тема 33. Функция Грина	Функция Грина. Вывод формулы для построения функции
	Грина.

4.3.1. Перечень семинарских, практических занятий и лабораторных работ

Тема занятия	Всего часов	Оценочные	Формируемые
		средства	компетенции
Тема 2. Дифференциальные	6	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
уравнения 1-го порядка,		работа	
разрешенные относительно			
производной			
Тема 3. Уравнение в полных	4	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
дифференциалах		работа	
Тема 5. Линейные однородные ДУ	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
1-го порядка		работа	ŕ
Тема 6. Линейные неоднородные	4	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
ДУ 1-го порядка		работа	ŕ
Тема 7. Частные случаи линейных	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
ДУ 1-го порядка		работа	,
Тема 8. Уравнение Бернулли.	6	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
Простые типы уравнений,		работа	,
интегрируемые в квадратурах.		F	
Тема 9. Уравнение Риккати	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
The state of the s	_	работа	
Тема 10. ДУ 1-го порядка, не	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
разрешенные относительно	_	работа	
производной. Метод введения		paoora	
параметра.			
Тема 11. Уравнение Лагранжа.	4	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
Уравнение Клеро. Особые		работа	
решения.		paoora	
Тема 13. Методы понижения	6	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
порядка		работа	
Тема 16. Линейные однородные	4	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
ДУ высших порядков с		работа	
постоянными коэффициентами.		pacora	
Общее решение.			
Тема 17. Линейные неоднородные	8	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
ДУ высших порядков с		работа	Jim 1, Olik 3
постоянными коэффициентами.		P	
Общее решение. Метод			
неопределенных коэффициентов.			
Тема 24. Линейные однородные	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
системы ДУ с постоянными	_	работа	
коэффициентами. Случай 1: базис		Puoora	
из собственных векторов.			
Тема 25. Линейные однородные	4	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
системы ДУ с постоянными	_T	работа	OTIK-1, OTIK-3
коэффициентами. Случай 2: базис		paoora	
Жордана.			
лордана.]		

Тема 26. Линейные неоднородные	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
системы ДУ с постоянными		работа	
коэффициентами. Метод			
неопределенных коэффициентов.			
Тема 27. Матричная экспонента.	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
Формула общего решения		работа	
линейной системы ДУ с			
постоянными коэффициентами.			
Тема 31. Общее решение	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
линейного неоднородного ДУ		работа	
высшего порядка с переменными			
коэффициентами. Метод Лагранжа.			
Тема 32. Краевая Задача.	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
		работа	
Тема 33. Функция Грина	2	Контрольная	ОПК-1, ОПК-3
		работа	

4.3.2. Перечень тем (вопросов), выносимых на самостоятельное изучение студентами в рамках самостоятельной работы

Тема	Задание	Формируемые
		компетенции
Тема 4. Интегрирующий	Разобрать случай подбора	ОПК-1, ОПК-
множитель	интегрирующего множителя для	3
	дифференциального уравнения	
	M(x,y)dx + N(x,y)dy = 0 в виде	
	функции $\mu(\omega)$, где $\omega = \omega(x, y)$ —	
	функция двух переменных.	
Тема 9. Уравнение Риккати	Разобрать алгоритм сведения	ОПК-1, ОПК-
	уравнения Риккати к	3
	каноническому виду в общем	
	случае.	
Тема 18. Приближенные методы	Методом рядов построить общее	ОПК-1, ОПК-
решения ДУ	решение для уравнения Эйри.	3

4.4. Методические указания по организации самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов всех форм и видов обучения является одним из обязательных видов образовательной деятельности, обеспечивающей реализацию требований Федеральных государственных стандартов высшего образования. Согласно требованиям нормативных документов самостоятельная работа студентов является обязательным компонентом образовательного процесса, так как она обеспечивает закрепление получаемых на лекционных занятиях знаний путем приобретения навыков осмысления и расширения их содержания, навыков решения актуальных проблем формирования общекультурных и профессиональных компетенций, научно-исследовательской деятельности, подготовки к семинарам, лабораторным работам, сдаче зачетов и экзаменов. Самостоятельная работа студентов представляет собой совокупность аудиторных и внеаудиторных занятий и работ. Самостоятельная работа в рамках образовательного процесса в вузе решает следующие задачи:

- закрепление и расширение знаний, умений, полученных студентами во время аудиторных и внеаудиторных занятий, превращение их в стереотипы умственной и физической деятельности;
- приобретение дополнительных знаний и навыков по дисциплинам учебного плана;
- формирование и развитие знаний и навыков, связанных с научно-исследовательской деятельностью;
- развитие ориентации и установки на качественное освоение образовательной программы;
- развитие навыков самоорганизации;
- формирование самостоятельности мышления, способности к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- выработка навыков эффективной самостоятельной профессиональной теоретической, практической и учебно-исследовательской деятельности.

Подготовка к лекции. Качество освоения содержания конкретной дисциплины прямо зависит от того, насколько студент сам, без внешнего принуждения формирует у себя установку на получение на лекциях новых знаний, дополняющих уже имеющиеся по данной дисциплине. Время на подготовку студентов к двухчасовой лекции по нормативам составляет не менее 0,2 часа.

Подготовка к практическому занятию. Подготовка к практическому занятию включает следующие элементы самостоятельной деятельности: четкое представление цели и задач его проведения; выделение навыков умственной, аналитической, научной деятельности, которые станут результатом предстоящей работы. Выработка навыков осуществляется с помощью получения новой информации об изучаемых процессах и с помощью знания о том, в какой степени в данное время студент владеет методами исследовательской деятельности, которыми он станет пользоваться на практическом занятии. Подготовка к практическому занятию нередко требует подбора материала, данных и специальных источников, с которыми предстоит учебная работа. Студенты должны дома подготовить к занятию 3-4 примера формулировки темы исследования, представленного в монографиях, научных статьях, отчетах. Затем они самостоятельно осуществляют поиск соответствующих источников, определяют актуальность конкретного исследования процессов и явлений, выделяют основные способы доказательства авторами научных работ ценности того, чем они занимаются. В ходе самого практического занятия студенты сначала представляют найденные ими варианты формулировки актуальности исследования, обсуждают их и обосновывают свое мнение о наилучшем варианте. Время на подготовку к практическому занятию по нормативам составляет не менее 0,2 часа.

Подготовка к семинарскому занятию. Самостоятельная подготовка к семинару направлена: на развитие способности к чтению научной и иной литературы; на поиск дополнительной информации, позволяющей глубже разобраться в некоторых вопросах; на выделение при работе с разными источниками необходимой информации, которая требуется для полного ответа на вопросы плана семинарского занятия; на выработку умения правильно выписывать высказывания авторов из имеющихся источников информации, оформлять их по библиографическим нормам; на развитие умения осуществлять анализ выбранных источников информации; на подготовку собственного выступления по обсуждаемым вопросам; на формирование навыка оперативного реагирования на разные мнения, которые могут возникать при обсуждении тех или иных научных проблем. Время на подготовку к семинару по нормативам составляет не менее 0,2 часа.

Подготовка к коллоквиуму. Коллоквиум представляет собой коллективное обсуждение раздела дисциплины на основе самостоятельного изучения этого раздела студентами. Подготовка к данному виду учебных занятий осуществляется в следующем порядке. Преподаватель дает список вопросов, ответы на которые следует получить при

изучении определенного перечня научных источников. Студентам во внеаудиторное время необходимо прочитать специальную литературу, выписать из нее ответы на вопросы, которые будут обсуждаться на коллоквиуме, мысленно сформулировать свое мнение по каждому из вопросов, которое они выскажут на занятии. Время на подготовку к коллоквиуму по нормативам составляет не менее 0,2 часа.

Подготовка к контрольной работе. Контрольная работа назначается после изучения определенного раздела (разделов) дисциплины и представляет собой совокупность развернутых письменных ответов студентов на вопросы, которые они заранее получают от преподавателя. Самостоятельная подготовка к контрольной работе включает в себя: — изучение конспектов лекций, раскрывающих материал, знание которого проверяется контрольной работой; повторение учебного материала, полученного при подготовке к семинарским, практическим занятиям и во время их проведения; изучение дополнительной литературы, в которой конкретизируется содержание проверяемых знаний; составление в мысленной форме ответов на поставленные в контрольной работе вопросы; формирование психологической установки на успешное выполнение всех заданий. Время на подготовку к контрольной работе по нормативам составляет 2 часа.

Подготовка к зачету. Самостоятельная подготовка к зачету должна осуществляться в течение всего семестра. Подготовка включает следующие действия: перечитать все лекции, а также материалы, которые готовились к семинарским и практическим занятиям в течение семестра, соотнести эту информацию с вопросами, которые даны к зачету, если информации недостаточно, ответы находят в предложенной преподавателем литературе. Рекомендуется делать краткие записи. Время на подготовку к зачету по нормативам составляет не менее 4 часов.

Подготовка к экзамену. Самостоятельная подготовка к экзамену схожа с подготовкой к зачету, особенно если он дифференцированный. Но объем учебного материала, который нужно восстановить в памяти к экзамену, вновь осмыслить и понять, значительно больше, поэтому требуется больше времени и умственных усилий. Важно сформировать целостное представление о содержании ответа на каждый вопрос, что предполагает знание разных научных трактовок сущности того или иного явления, процесса, умение раскрывать факторы, определяющие их противоречивость, знание имен ученых, изучавших обсуждаемую проблему. Необходимо также привести информацию о материалах эмпирических исследований, что указывает на всестороннюю подготовку студента к экзамену. Время на подготовку к экзамену по нормативам составляет 36 часов для бакалавров.

В ФБГОУ ВО «ИГУ» организация самостоятельной работы студентов регламентируется Положением о самостоятельной работе студентов, принятым Ученым советом ИГУ 22 июня 2012 г.

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

- а) основная литература
- 1. Филиппов, Алексей Федорович. Введение в теорию дифференциальных уравнений [Текст] : учеб.для студ. вузов по группе физ.-мат. напр. и спец. / А. Ф. Филиппов. Изд. стер. М. :Ленанд, 2015. 239 с. ISBN 978-5-9710-1499-7. 50 экз.+
 - б) дополнительная литература
- 1. Краснов, Михаил Леонтьевич. Обыкновенные дифференциальные уравнения [Текст] : задачи и примеры с подробными решениями: Учеб.пособие для студ. втузов / М.

- Л. Краснов, А. И. Киселев, Г. И. Макаренко. 5-е изд., испр. М. :КомКнига, 2005. 253 с. ISBN 5-484-00193-5. 40 экз.+
- 2. Треногин, Владилен Александрович. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебник / В. А. Треногин. М. :Физматлит, 2009. 311 с. ISBN 978-5-9221-1063-1.50 экз. +
- 3. Филиппов, Алексей Федорович. Сборник задач по дифференциальным уравнениям [Текст] : учеб.пособие / А. Ф. Филиппов. 4-е изд. М. : Либроком, 2011. 237 с. ISBN 978-5-397-02914-8. 29 экз+
 - в) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:
- 1. https://isu.bibliotech.ru электронно-библиотечная система ИГУ
- 2. http://e.lanbook.com электронно-библиотечная система ЛАНЬ
- 3. http://rucont.ru электронная библиотека РУКОНТ
- 4. http://ibooks.ru электронно-библиотечная система ibooks
- 5. http://e-library.ru научная электронная библиотека eLIBRARY
- 6. http://educa.isu.ru образовательный портал ИГУ

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Учебно-лабораторное оборудование

ЭТОТ РАЗДЕЛ НЕ ЗАПОЛНЯТЬ

6.2. Программное обеспечение

- 1. Python (версии 3.6 или выше) + Numpy + Matplotlib + Scipy + Sympy.
- 2. MS Excel (версии 2007 или выше) или LibreOffice.

7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

7.1. Оценочные средства текущего контроля

Вид контроля	Контролируемые темы	Контролируемые
		компетенции
Контрольная работа №1	Темы № 2, 3, 5-8	ОПК-1, ОПК-3
Контрольная работа №2	Темы № 15-17	ОПК-1, ОПК-3
Контрольная работа №3	Темы № 9-11, 13, 17, 18	ОПК-1, ОПК-3
Контрольная работа №4	Темы № 23-28, 31-33	ОПК-1, ОПК-3

Примеры оценочных средств текущего контроля

Демонстрационный вариант контрольной работы №1

Определить тип уравнения. Найти все решения.

1.
$$y' = \frac{x+y-4}{x-2}$$
.

2.
$$xy' = 3\sqrt{x^2 + y^2} + y$$
.

3.
$$(e^x + 8)dy - ye^x dx = 0$$
.

4. Решить задачу Коши

$$y' + \frac{2x}{1+x^2}y = \frac{2x^2}{1+x^2}, \quad y(0) = \frac{2}{3}.$$

5. Методом изоклин построить интегральную кривую, проходящую через точку ${\cal M}$

$$xy' = 2y$$
, $M(2, 3)$.

Демонстрационный вариант контрольной работы №2

Записать частное решение неоднородных уравнений согласно методу неопределенных коэффициентов, числовых значений коэффициентов не находить. Также записать общее решение соответствующих однородных уравнений

1.
$$y''' + 3y'' + 2y' = 1 - x^2$$
.

2.
$$y''' - 4y'' + 5y' - 2y = (16 - 12x)e^{-x}$$
.

3.
$$y'' + 2y' = 4e^x (\sin x + \cos x)$$
.

Решить уравнение

4.
$$y'' - 2y' = 2 \operatorname{ch} 2x$$
.

5.
$$y''' - y' = 2e^x + \cos x$$
.

Демонстрационный вариант контрольной работы №3

Решить ДУ или задачу Коши

1.
$$tg x \cdot v''' = 2v''$$
.

2.
$$y'' = 18\sin^3 y \cos y$$
, $y(1) = \pi/2$, $y'(1) = 3$.

$$3. \left(1 + \sin x\right) y''' = \cos x \cdot y''.$$

4.
$$y''' + y'' = 49 - 24x^2$$
.

5.
$$4y^3y'' = y^4 - 16$$
, $y(0) = 2\sqrt{2}$, $y'(0) = 1/\sqrt{2}$.

Демонстрационный вариант контрольной работы №4

Решить задачу Коши

1.
$$y'' + y = 1/\sin x$$
, $y(\pi/2) = 1$, $y'(\pi/2) = \pi/2$.

2.
$$y'' - 3y' + 2y = e^x/(1 + e^{-x})$$
, $y(0) = 0$, $y'(0) = 0$.

3. Решить нелинейную систему

$$\begin{cases} y' = y^2 z \\ z' = \frac{z}{x} - y z^2 \end{cases}$$

4. Найти общее решение системы ДУ

$$\begin{cases} y' = y^2 z \\ z' = \frac{z}{x} - y z^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x' = 2x - y + z \\ y' = x + 2y - z \\ z' = x - y + 2z \end{cases}$$

7.2. Оценочные средства для промежуточной аттестации

Список вопросов для промежуточной аттестации:

Экзаменационные вопросы (3 семестр)

- 1. Понятие ДУ 1-го порядка, разрешенного относительно производной, и его решения. Интегральная кривая. Разрешимость в квадратурах. Нормальная форма ДУ и дифференциальная форма ДУ. Задача Коши (аналитическая формулировка и геометрическая формулировка). Теорема существования и единственности (без доказательства). Алгоритм продолжения решения.
- 2. Геометрическая интерпретация ДУ 1-го порядка, разрешенного относительно производной. Поле направлений. Изоклина. Метод изоклин.
- 3. Определение уравнения в полных дифференциалах. Критерий уравнения в полных дифференциалах.
- 4. Интегрирование уравнения в полных дифференциалах. Уравнение с разделенными переменными, как частный случай уравнения в полных дифференциалах.
- 5. Интегрирующий множитель. Поиск интегрирующего множителя (вывод уравнения в частных производных для поиска интегрирующего множителя).
- 6. Поиск интегрирующего множителя, зависящего только от одной переменной. Уравнение с разделяющимися переменными и его интегрирующий множитель.
- 7. Понятие линейного однородного ДУ 1-го порядка. Общее решение и частное решение. Фундаментальное решение (определение и формула вычисления). Теорема о структуре общего решения ЛОДУ-1.
- 8. Интегрирование ЛОДУ-1, как уравнения с разделяющимися переменными. Модель Мальтуса.
- 9. Понятие линейного неоднородного ДУ 1-го порядка. и соответствующее ему ЛОДУ-1. Общее решение и частное решение. Теорема о структуре общего решения ЛНДУ-1.
- 10. Методы решения ЛНДУ-1: метод Лагранжа, метод Бернулли, метод Эйлера.
- 11. Вывод формулы для построения общего решения ЛНДУ-1. Пример: сила тока в RLцепи с графиком зависимости силы тока от времени.
- 12. Дифференциальные уравнения 1-го порядка, линейные относительно независимой переменной.
- 13. Линейные уравнения 1-го порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью: метод неопределенных коэффициентов.
- 14. Уравнение Бернулли. Сведение к линейному уравнению.

- 15. Понятие уравнения Риккати. Проверка условий теоремы существования и единственности. Специальное уравнения Риккати. Канонический вид уравнения Риккати. Решение уравнения Риккати при известном частном решении (сведение к уравнению Бернулли). Отдельные рекомендации по подбору частного решения.
- 16. Однородное уравнение (не линейное). Сведение к уравнению с разделяющимися переменными. Обобщенное однородное уравнение 1-го порядка.
- 17. Уравнение, приводимое к однородному. Сведение к однородному уравнению.
- 18. ДУ-1, не разрешенное относительно производной. Определение решения. Метод интегрирования в параметрической форме. Интегральная кривая.
- 19. ДУ-1, не разрешенное относительно производной. Задача Коши. Теорема существования и единственности.
- 20. Уравнение Лагранжа и метод его решения. Уравнение Клеро и метод его решения.
- 21. Особое решение. Дискриминантная кривая. Алгоритм построения особого решения.
- 22. Понятие ДУ n-го порядка (разрешенного и неразрешенного относительно старшей производной), и его решения. Интегральная кривая.
- 23. Понятие ДУ п-го порядка. Задача Коши. Геометрическая интерпретация начальных условий. Теорема существования и единственности.
- 24. Понижение порядка ДУ с помощью инвариантов: уравнение не содержит явно «у» и, возможно, первые (k-1) производные; уравнение не содержит явно «х»; однородное по «у» и ее производным.
- 25. Понижение порядка ДУ. Метод выделения полной производной. Метод решения однородного в обобщенном смысле ДУ высшего порядка.
- 26. Интегрирование неполных уравнений вида $F(x, y^{(n)}) = 0$, $F(y^{(n-1)}, y^{(n)}) = 0$, $F(y^{(n-2)}, y^{(n)}) = 0$.
- 27. Дифференциальный многочлен. Сложение, умножение. Формула сдвига. Характеристический многочлен. Линейное ДУ n-го порядка с постоянными коэффициентами и его общее решение.
- 28. Общий метод решения ЛДУ-n с постоянными коэффициентами с помощью дифференциальных многочленов. Существование и единственность решения задачи Коши для ЛДУ-n с постоянными коэффициентами.
- 29. Линейное однородное ДУ п-го порядка с постоянными коэффициентами. Определение. Линейность пространства решений. Характеристическое уравнение.
- 30. Линейное однородное ДУ n-го порядка с постоянными коэффициентами. Общее решение. Теорема об общем решении. Свойства общего решения.
- 31. Линейное однородное ДУ n-го порядка с постоянными коэффициентами. Выделение вещественных решений из комплексных. Некоторые линейные ДУ, приводимые к уравнениям с постоянными коэффициентами.
- 32. Линейное неоднородное ДУ n-го порядка с постоянными коэффициентами. Определение. Соответствующее однородное. Принцип суперпозиции.
- 33. Линейное неоднородное ДУ n-го порядка с постоянными коэффициентами. Метод неопределенных коэффициентов. Резонансный и нерезонансный случаи. Пример: уравнение малых колебаний математического мятника.

Экзаменационные вопросы (4 семестр)

- 1. Эквивалентность задачи Коши и интегрального уравнения для дифференциального уравнения 1-го порядка, разрешенного относительно производной. Метод последовательных приближений.
- 2. Метод рядов.
- 3. Метод Эйлера для решения ДУ 1-го порядка, разрешенного относительно производной. Метод Эйлера с пересчетом и модифицированный метод Эйлера.
- 4. Метод Рунге-Кутты 4 порядка. Реализация алгоритмов приближенного решения на Python и с помощью электронных таблиц (MS Excel или LibreOffice).

- 5. Определение системы ДУ в нормальной форме. Определение решения. Векторная запись системы. Задача Коши. Условие Липшица по «у». Система интегральных уравнений, эквивалентная задаче Коши. Лемма об эквивалентности.
- 6. Лемма Гронуолла + доказательство. Усиленная лемма Гронуолла (без доказательства).
- 7. Теорема существования и единственности для систем. Схема доказательства существования.
- 8. Теорема существования и единственности для систем. Доказательство единственности.
- 9. Продолжение решения (алгоритм). Теорема о продолжении решения (без доказательства).
- 10. Корректность задачи Коши для систем ДУ. Непрерывная зависимость решения от параметров в правой части.
- 11. Линейная система ДУ с постоянными коэффициентами. Определение. Векторная запись системы ДУ. Однородная и неоднородная линейная система. Решение. Задача Коши.
- 12. Собственные значения, собственные векторы. Базис из собственных векторов. Общее решение линейной однородной системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами (случай базиса из собственных векторов).
- 13. Присоединенные векторы, жорданова цепочка. Жорданов базис. Общее решение линейной однородной системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами (базис Жордана).
- 14. Линейная неоднородная система ДУ с постоянными коэффициентами. Определение. Принцип суперпозиции. Общее решение (теорема).
- 15. Матричная экспонента и ее свойства. Приложение матричной экспоненты к решению ЛНСЛУ с ПК.
- 16. Алгебраический метод построения матричной экспоненты. Случай 1: матрица имеет диагональный вид. Случай 2: матрица не диагональная, но ее собственные векторы образуют базис.
- 17. Алгебраический метод построения матричной экспоненты. Случай 3: матрица не диагональная, и базиса из собственных векторов не существует.
- 18. Линейная зависимость/независимость функций. Определитель Вронского. Необходимое условие линейной зависимости п функций.
- 19. Линейное дифференциальное уравнение высшего порядка с переменными коэффициентами. Линейный дифференциальный оператор. Теорема существования и единственности для линейного ДУ (глобальная)
- 20. Линейное однородное ДУ высшего порядка с переменными коэффициентами. Определение. Свойства решений ЛОДУ-п. Критерий линейной независимости п решений ЛОДУ-п.
- 21. Линейное однородное ДУ высшего порядка с переменными коэффициентами. Фундаментальная система решений (ФСР). Общее решение ЛОДУ-п.
- 22. Линейное однородное ДУ высшего порядка с переменными коэффициентами. Построение ЛОДУ-п по заданной ФСР. Формула Лиувилля-Остроградского.
- 23. Линейное неоднородное ДУ высшего порядка с переменными коэффициентами. Определение. Общее решение. Метод Лагранжа.
- 24. Понятие краевой задачи на примере линейного ДУ 2-го порядка. Краевые условия. Однородная и неоднородная краевая задача. Сравнение начальной и краевой задачи. Единственность решения неоднородной краевой задачи при любой правой части.
- 25. Функция Грина. Вывод формулы для построения функции Грина.

Примеры оценочных средств для промежуточной аттестации:

Демонстрационный экзаменационный билет (3 семестр)



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Иркутский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ИГУ»)

Институт математики и информационных технологий ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 23

1. Решить уравнение:
$$\frac{dx}{y} - \frac{x + y^2}{y^2} dy = 0$$
.

2. Решить уравнение: $y' = \frac{2x + 3y - 5}{5x - 5}$.

3. Линейное неоднородное ДУ n-го порядка с постоянными коэффициентами. Определение. Соответствующее однородное. Принцип суперпозиции.

Демонстрационный экзаменационный билет (4 семестр)



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Иркутский государственный университет»

(ФГБОУ ВО «ИГУ») Институт математики и информационных технологий ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 26

1.
$$y''y^3 + 25 = 0$$
, $y(2) = -5$, $y'(2) = -1$.

2.
$$y'' - 4y' + 4y = e^{2x} \sin 3x$$
.

3. Линейное однородное ДУ высшего порядка с переменными коэффициентами. Фундаментальная система решений (ФСР). Общее решение ЛОДУ-n.

Разработчик: Леонтьев Роман Юрьевич, канд. физ.-мат. наук, доцент.