

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «ИРКУТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» ФГБОУ ВО «ИГУ»

кафедра математического анализа и дифференциальных уравнений

УТВЕРЖДАЮ

Декан биолого-почвенного факультета

А. Н. Матвеев

«20» мая 2024 г.

# Рабочая программа дисциплины

Наименование дисциплины: Математика

Направление подготовки: 06.05.01 «Биоинженерия и биоинформатика»

Тип образовательной программы: специалитет

Квалификация выпускника: Биоинженер и биоинформатик

Форма обучения: очная с элементами электронного обучения и дистанционных образовательных технологий

Согласовано с УМК биолого-почвенного факультета

Протокол № 7 от «20» мая 2024 г.

Председатель А. Н. Матвеев

Рекомендовано кафедрой математического анализа и дифференциальных уравнений

Протокол №9 От «15» мая 2024г.

Зав. кафедрой

М.В. Фалалеев

# Содержание

1. Цели и задачи дисциплины	3
2. Место дисциплины в структуре ОПОП	
3. Требования к результатам освоения дисциплины	
4. Объем дисциплины и виды учебной работы	3
5. Содержание дисциплины	3
5.1. Содержание разделов и тем дисциплины	
5.2 Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивае	
(последующими) дисциплинами	5
5.3. Разделы и темы дисциплин и виды занятий	5
6. Перечень семинарских, практических занятий и лабораторных работ	6
6.1. План самостоятельной работы студентов	6
6.2. Методические указания по организации самостоятельной растудентов7	аботы
7. Примерная тематика курсовых работ	7
8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины	7
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины	8
10. Образовательные технологии	8
11. Оценочные средства (ОС)	

#### 1. Цели и задачи дисциплины

**Цель:** дать знания и практические навыки в области высшей математики, которые применяются при исследовании различных задач в биологии.

**Задачи:** дать студенту целостное представление об основных математических понятиях и методах, о роли и месте математики в различных сферах человеческой деятельности; сформировать представления о роли и месте математики в целом.

# 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина относится к базовой части блока 1 (Б1.О.12) Для освоения дисциплины требуются знания из школьного курса математики.

#### 3. Требования к результатам освоения дисциплины

Демонстрирует специализированные знания в области фундаментальных разделов математики, физики, химии, биологии и перспективы междисциплинарных исследований (ОПК-2.1)

Умеет использовать навыки проведения исследований в области биоинженерии, биоинформатики с учетом специализированных фундаментальных знаний **(ОПК-2.1)** 

В результате изучения дисциплины студент должен:

**знать** базовые понятия, определения, утверждения линейной алгебры и аналитической геометрии, теории множеств, математического анализа, комбинаторики, математической статистики.

**уметь** работать с математической литературой, выбирать подходящий метод решения для типовых задач изучаемых разделов математики.

владеть навыками решения стандартных задач изучаемых разделов математики.

#### 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Всего ча-	Семестры			
	сов / за- четных единиц	1			
Аудиторные занятия (всего)	54	54			
В том числе:					
Лекции	18	18			
Практические занятия (ПЗ)	36	36			
Контроль самостоятельной работы (КСР)	2	2			
Самостоятельная работа (всего)	8	8			
Вид промежуточной аттестации (зачет)		зач.			
Контактная работа (всего)	64	64			
Общая трудоемкость часы зачетные единицы	72	72			
зачетные единицы	2	2			

# 5. Содержание дисциплины 5.1. Содержание разделов и тем дисциплины

#### Разлел 1.

## **Тема 1.** Элементы линейной алгебры.

Матрицы, операции над матрицами, свойства операций над матрицами. Определители, свойства определителей, методы вычисления. Обратная матрица, алгоритм вычисления и свойства обратных матриц. Ранг матрицы. Системы линейных алгебраических уравнений, матричный метод решения, метод Крамера, метод Гаусса.

#### Тема 2.

Элементы теории множеств.

Множества, основные определения и операции над множествами. Свойства операций над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна. Конечные и бесконечные множества.

#### Тема 3.

Элементы комбинаторики.

Перестановки. Размещения. Размещения с повторениями. Сочетания.

#### Раздел 2.

#### Тема 1.

Основы аналитической геометрии на плоскости и в пространстве.

Векторы на плоскости и в пространстве. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Различные виды уравнений прямой на плоскости и в пространстве. Расстояние от точки до прямой. Взаимное расположение прямых, угол между прямыми. Уравнения плоскости. Канонические уравнения кривых второго порядка.

#### Раздел 3.

#### Тема 1.

Предел функции.

Определение функции от одной переменной. Классификация. Способы задания. Предел функции, способы вычисления. Первый и второй замечательные пределы. Непрерывные функции и их свойства.

#### Тема 2.

Дифференциальное исчисление функций одной переменной.

Определение производной. Производная от элементарных функций. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Геометрический и механический смысл производной. Производные высших порядков. Применение производной к исследованию и построению графиков функций. Правило Лопиталя.

#### Тема 3.

Интегральное исчисление функций одной переменной.

Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов. Основные методы интегрирования. Определенный интеграл и его геометрический смысл. Формула Ньютона-Лейбница. Свойства определенного интеграла. Приложения определенного интеграла.

#### Тема 4.

Функции нескольких переменных.

Определение функции нескольких переменных. Геометрическое изображение функций двух переменных. Частные производные первого и второго порядков функции двух переменных. Градиент функции двух переменных.

#### Тема 5.

Дифференциальные уравнения.

Дифференциальные уравнения первого порядка. Основные типы уравнений. Способы решения. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Примеры дифференциальных уравнений в биологии.

#### Раздел 4.

## Тема1

Элементы теории вероятностей

Основные понятия и термины. Формула классической вероятности. Теорема сложения и умножения.

# Тема2

Элементы математической статистики

Основные понятия и термины. Математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины. Мода, медиана, размах, среднее арифметическое. Числовые характеристики статистических рядов.

# 5.2 Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

№	Наименование обеспечиваемых	№№ разделов и тем данной дисциплины,
$\Pi/\Pi$	(последующих) дисциплин	необходимых для изучения обеспечиваемых
		(последующих) дисциплин
1	Информатика и информационно-	Разделы 1-2
	коммуникационные технологии	
2	Математические методы в биологии	Разделы 1-4
3	Физика	Разделы 1-4

## 5.3. Разделы и темы дисциплин и виды занятий

№	Наименование	Наименование		Виды занятий в часах				
п/п	раздела	темы	Лекц.	Практ. зан.	Семин.	Лаб. зан.	CPC	Всего
1.	Раздел 1	1.1. Элементы линейной алгебры	2	4			2	6
		1.2. Элементы теории множеств	1	2			2	4
		1.3. Элементы комбинаторики	1	2			2	4
2.	Раздел 2	2.1. Основы аналитической геометрии на плоскости и в пространстве	4	8			3	11
3.	Раздел 3	3.1. Предел функции	1	2			2	4
		3.2. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	1	2			3	5
		3.3. Интегральное исчисление функций одной переменной	4	8			2	10
		3.4. Функции не- скольких пере- менных	1	2			2	4
		3.5. Дифференци- альные уравнения	1	2			2	4
4.	Раздел 4	4.1. Элементы теории вероятно- стей	1	2			3	5

4.2. Элементы математической ста-	1	2		3	5
тистики					

# 6. Перечень семинарских, практических занятий и лабораторных работ

$N_{\underline{0}}$	№ раздела и	Наименование семинаров, практи-	Тру-	Оценочные	Фор-
п/п	темы дисци-	ческих и лабораторных работ	доем-	средства	мируе-
	плины (мо-		ем-		мые
	дуля)		кость		компе-
			(час.)		тенции
1	2	3	4	5	6
1.	1.1	Элементы линейной алгебры	4	Контрольная работа Тест	ОПК-2.1 ОПК-2.2
2.	1.2	Элементы теории множеств	2	Самостоя- тельная ра- бота	ОПК-2.1 ОПК-2.2
3.	1.3	Элементы комбинаторики	2	Самостоя- тельная ра- бота	ОПК-2.1 ОПК-2.2
4.	2.1	Основы аналитической геометрии на плоскости и в пространстве	8	Контрольная работа	ОПК-2.1 ОПК-2.2
5.	3.1	Предел функции	2	Самостоя- тельная ра- бота	ОПК-2.1 ОПК-2.2
6.	3.2	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	2	Контрольная работа Тест	ОПК-2.1 ОПК-2.2
7.	3.3	Интегральное исчисление функций одной переменной	8	Контрольная работа Тест	ОПК-2.1 ОПК-2.2
8.	3.4	Функции нескольких переменных	2	Самостоя- тельная ра- бота	ОПК-2.1 ОПК-2.2
9.	3.5	Дифференциальные уравнения	2	Самостоя- тельная ра- бота	ОПК-2.1 ОПК-2.2
10.	4.1	Элементы теории вероятностей	2	Контрольная работа	
11.	4.2	Элементы математической статистики	2	Самостоя- тельная ра- бота	ОПК-2.1 ОПК-2.2

# 6.1. План самостоятельной работы студентов

No	Тема	Вид самостоятель-	Задание	Рекоменду-	Количе-
нед.		ной работы		емая литера-	ство ча-
				тура	сов
1-3	1.1. Элементы	Самостоятельное	Разбор опорного	1,2,3(осн.);	1
	линейной алгеб-	решение задач.	конспекта.	5,6(доп.)	

	ры		Индивидуальное задание		
4	1.2. Элементы теории множеств	Самостоятельное решение задач.	Индивидуальное задание	1,2(осн.); 7,8 (доп.)	1
5	1.3. Элементы комбинаторики	Самостоятельное решение задач.	Индивидуальное задание	2(осн.); 4(доп.)	1
6-8	2.1 Основы аналитической геометрии на плоскости и в пространстве	Самостоятельное решение задач.	Индивидуальное задание	2,3,4(осн.); 6,7,8(доп.)	1
9	3.1. Предел функции	Самостоятельное решение задач.	Разбор опорного конспекта. Индивидуальное задание	1,2,3(осн.); 5,7(доп.)	1
10- 12	3.2. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	Самостоятельное решение задач.	Разбор опорного конспекта. Индивидуальное задание	1,2,3(осн.); 6,7,8(доп.)	1
13- 14	3.3. Интегральное исчисление функций одной переменной	Самостоятельное решение задач.	Разбор опор- ного конспекта. Индивидуаль- ное задание	1,2,3(осн.); 9(доп.)	1
15	3.4. Функции не- скольких пере- менных	Самостоятельное решение задач.	Индивидуаль- ное задание	1,2,3(осн.); 1,3(доп.)	1

# 6.2. Методические указания по организации самостоятельной работы студентов

Студент изучает соответствующие главы основной и дополнительной литературы, а также методический материал соответствующей темы, расположенный в курсе Математика на образовательном портале ИГУ <a href="https://educa.isu.ru">https://educa.isu.ru</a>. Далее выполняет задания из предложенных преподавателем индивидуально для каждого студента. Целью решения задач в рамках самостоятельной работы студента является закрепление навыков, полученных на практических и лекционных занятиях.

#### 7. Примерная тематика курсовых работ

Курсовые работы не предусмотрены.

#### 8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### а) основная литература:

- 1. Баврин И.И. Высшая математика [Текст] : учебник / И.И. Баврин. 8-е изд., стер. М. : Академия, 2010. 611 с. (Высшее профессиональное образование: Педагогические специальности). ISBN 978-5-7695-6838-1 (55 экз.).
- 2. Дамешек Л. Ю. Высшая математика [Текст] : учеб. пособие для биологов / Л. Ю. Дамешек ; Иркутский гос. ун-т, Ин-т математики, экономики и информатики. Иркутск : Изд-во ИГУ, 2012. 213 с. ISBN 978-5-9624-0637-4 (68 экз.).

- 3. Владимирский Б. М. Математика. Общий курс [Электронный ресурс] : учеб. / Б.М. Владимирский. М. : Лань, 2008. 960 с. (Учебники для вузов. Специальная литература). Режим доступа: ЭБС "Издательство "Лань". Неогранич. доступ. ISBN 978-5-8114-0445-2.
- 4. Шипачев В.С. Начала высшей математики [Электронный ресурс] / В.С. Шипачев. М. : Лань, 2013. 384 с. Режим доступа: ЭБС "Издательство "Лань". Неогранич. доступ. ISBN 978-5-8114-1476-5.

#### б) дополнительная литература:

- 5. Баврин И.И. Краткий курс высшей математики для химико-биологических и медицинских специальностей [Текст]: учебник / И.И. Баврин. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. 328 с. (Высшее профессиональное образование: Педагогические специальности). ISBN 5-9221-0334-2 (55 экз.).
- 6. Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике : учеб. пособие для втузов / В.П. Минорский. 15-е изд. М. : Физматлит, 2006. 336 с. ISBN 5-94052-105-3 (39 экз.).
- 7. Вдовин А. Ю. Высшая математика. Стандартные задачи с основами теории [Электронный ресурс]: учеб. пособие / А.Ю. Вдовин, Л.В. Михалёва, др. и, В.М. Мухина. Москва: Лань, 2009. 192 с. (Учебники для вузов. Спец. лит.). Режим доступа: ЭБС "Издательство "Лань". Неогранич. доступ. ISBN 978-5-8114-0860-3.
- 8. Грес П.В. Математика для бакалавров [Электронный ресурс] : универс. курс для студ. гуманитар. направл. : учеб. пособие / П.В. Грес. 2-е изд., перераб. и доп. ЭВК. М. : Логос, 2013. Режим доступа: ЭЧЗ "Библиотех". Неогранич. доступ. ISBN 978-5-98704-751-4.
- 9. Гражданцева Е. Ю. Интегральное исчисление функции одной переменной [Текст] : учеб. пособие / Е.Ю. Гражданцева ; Иркутский гос. ун-т, Ин-т математики, экономики и информатики. Иркутск : Изд-во ИГУ, 2012. 114 с. Режим доступа: ЭЧЗ "Библиотех". Неогранич. доступ. ISBN 978-5-9624-0707-4.
  - в) программное обеспечение: не требуется
  - г) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:

https://isu.bibliotech.ru/

http://e.lanbook.com

http://rucont.ru/

http://ibooks.ru/

http://e-library.ru/

http://educa.isu.ru/

http://www.exponenta.ru

http://eqworld.ipmnet.ru

#### 9. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Доска, тряпка, мел, ноутбук, мультимедийный проектор.

#### 10. Образовательные технологии

При проведении занятий используется следующие технологии: чтение лекций; проведения практических занятий; организация самостоятельной образовательной деятельности; организации и проведения консультаций, рубежного контроля, тестирования; проведение зачета, а также сочетание аудиторной и электронной форм обучения на основе образовательного портала ИГУ https://educa.isu.ru.

# 11. Оценочные средства (ОС)

## 11.1. Оценочные средства для входного контроля: не предусмотрены.

#### 11.2. Оценочные средства текущего контроля

Контрольные и самостоятельные работы, тесты, проверочные диктанты.

# 11.3. Оценочные средства для промежуточной аттестации

Экзаменационные билеты.

# Материалы для проведения текущего и промежуточного контроля знаний студентов:

$N_{\underline{0}}$	Вид контроля	Контролируемые темы (разделы)	Компетенции, ком-
$\Pi/\Pi$			поненты которых
			контролируются
1.	Контрольная работа №1	Раздел 1, темы 1.1	ОПК-2.1
	1 1		ОПК-2.2
2.	Контрольная работа №2	Раздел 2, темы 2.1	ОПК-2.1
	1 1		ОПК-2.2
3.	Контрольная работа №3	Раздел 3, темы 3.2	ОПК-2.1
	1 1		ОПК-2.2
4.	Контрольная работа №4	Раздел 3, темы 3.3	ОПК-2.1
	1 1		ОПК-2.2
5.	Контрольная работа №5	Раздел 4, темы 4.1	ОПК-2.1
			ОПК-2.2

# Демонстрационный вариант контрольной работы №1

**1.** Даны матрицы 
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 1 & -2 \end{pmatrix}$$
 и  $B = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 3 & 2 \\ 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ . Найдите произведение матриц AB.

**2.** Дана матрица 
$$A = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$$
. Найдите  $(A^T)^3$ .

**3.** Вычислите определитель: a) 
$$\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix}$$
; б)  $\begin{vmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 3 & 6 & -2 \\ 0 & -1 & 2 \end{vmatrix}$ .

**4**. Решить систему уравнений с помощью обратной матрицы: 
$$\begin{cases} -5x + 7y = 1 \\ 3x - 4y = 0 \end{cases}$$

5. Найдите общее решение и одно частное решение системы линейных уравнений

$$\begin{cases} x + 2y - 3z = 4 \\ 3x - y + 5z = 5 \end{cases}$$

**6**. При каком значении параметра 
$$a$$
 система  $\begin{cases} -5x + 2y = 3 \\ ax - 4y = 2 \end{cases}$  является несовместной?

9

# Демонстрационный вариант контрольной работы №2

Задача 1. Даны три последовательные вершины параллелограмма A(-1;2), B(1;-3),C(4;0). найти:

- 1. уравнение стороны АD;
- 2. уравнение высоты ВК, опущенной из вершины В на сторону АD;
- 3. длину высоты ВК;
- 4. уравнение диагонали BD;
- 5. тангенс угла между диагоналями параллелограмма.

Записать общие уравнения найденных прямых. Построить чертеж.

**Задача 2**. Даны точки A(1;-2;3), B(2;0;5), C(-1;3;4), D(-2;1;-2). Найти:

- 1) общее уравнение плоскости АВС;
- 2) общее уравнение плоскости, проходящей через точку D параллельно плоскости ABC;
- 3) расстояние от точки D до плоскости ABC;
- 4) канонические уравнения прямой АВ;
- 5) канонические уравнения прямой, проходящей через точку D параллельно прямой AB;
- 6) канонические уравнения прямой, проходящей через точку D перпендикулярно плоскости ABC.

**Задача 3**. Уравнение кривой второго порядка  $x^2 - 4y^2 + 6x + 4y - 8 = 0$  путем выделения полного квадрата привести к каноническому виду. Построить кривую.

# Демонстрационный вариант контрольной работы №3

**1.** Найдите значение первой производной функции f(x) в точке  $x_0$ :

a) 
$$f(x) = x \cdot Cos x$$
,  $x_0 = \frac{\pi}{2}$ 

6) 
$$f(x) = e^{4x^2 - 3}$$
,  $x_0 = 1$ 

- **2.** Исследуйте на экстремумы функцию:  $f(x) = x^3 3x + 1$ .
- **3.** Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $f(x) = 2x^2 20x + 15$  на отрезке [3,6].
- 4. Какая из следующих функций является непрерывной? Ответ обосновать, указать где и какого рода точки разрыва (если они есть).

1) 
$$y = \begin{cases} x^3, & x \ge 0 \\ -x, & x < 0 \end{cases}$$

1) 
$$y = \begin{cases} x^3, & x \ge 0 \\ -x, & x < 0 \end{cases}$$
 2)  $y = \begin{cases} 2x^3, & x \ge 0 \\ -x - 2, & x < 0 \end{cases}$ 

# Демонстрационный вариант контрольной работы №4

- 1) Найдите интегралы: a)  $\int (x^4 + 3x Sin x) dx$  6)  $\int 2(x^2 + 1)^3 x dx$

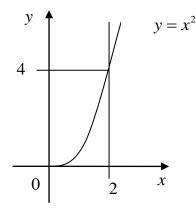
10

2) Вычислите определенные интегралы:

a) 
$$\int_{0}^{1} \frac{x dx}{(1+x^2)^3}$$

$$6) \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} x \sin x \, dx$$

3) Какой из интегралов численно равен площади фигуры, изображенной на рисунке ?



# Варианты ответов:



$$6) \int_{0}^{2} x^{2} dx$$

B) 
$$\int_{0}^{4} y dy$$

$$\Gamma) \int_{0}^{4} y^{2} dy$$

# Демонстрационный вариант контрольной работы №5

- 1. Собрание, на котором присутствует 20 человек, избирает двух делегатов на две конференции.
- а) Каким числом способов это можно сделать?
- б) А сколькими способами можно выбрать двух делегатов на одну конференцию?
- 2. На втором курсе изучается 14 предметов. Сколькими способами можно составить расписание на пятницу, если в этот день недели должно быть 4 различных занятия?
- **3.** Сколько существует различных исходов эксперимента, состоящего в 7-ми бросаниях монеты? Исходы считаются различными, если количество, либо очередность выпадения гербов и решек в этих опытах не совпадают.
- **4.** Пароль для входа в систему состоит из трех цифр (0 ... 9) и двух букв русского алфавита. Сколько всего существует таких паролей?

## Примерный перечень вопросов к зачету:

- 1. Матрица. Равные матрицы. Виды матриц. Единичная матрица, нулевая матрица. Свойства единичной и нулевой матриц.
- 2. Операции над матрицами.
- 3. Определитель квадратной матрицы. Вычисление определителей второго и третьего порядка.
- 4. Свойства определителей. Теорема Лапласа.
- 5. Обратная матрица. Необходимое и достаточное условие существования обратной матрицы. Алгоритм нахождения обратной матрицы.
- 6. Ранг матрицы. Элементарные преобразования матрицы. Нахождение ранга матрицы.
- 7. Система линейных алгебраических уравнений. Решение системы линейных уравнений. Равносильные системы. Существование решения системы (теорема Кронекера-Капелли)
- 8. Система линейных алгебраических уравнений. Матричный метод.
- 9. Система линейных алгебраических уравнений. Формулы Крамера.
- 10. Система линейных алгебраических уравнений. Метод Гаусса.

- 11. Понятие множества (обозначения, способы задания, диаграммы Эйлера-Венна).
- 12. Объединение множеств. Пересечение множеств. Разность множеств.
- 13. Комбинаторика: правило сложения, правило умножения.
- 14. Комбинаторика: перестановки, размещения, сочетания.
- 15. Комбинаторика: размещения с повторениями, перестановки с повторениями, сочетания с повторениями.
- 16. Векторы на плоскости и в пространстве.
- 17. Скалярное произведение векторов, его свойства.
- 18. Векторное произведение векторов, его свойства
- 19. Смешанное произведение векторов, его свойства.
- 20. Различные виды уравнений прямой на плоскости.
- 21. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых.
- 22. Точка пересечения прямых. Расстояние от точки до прямой.
- 23. Уравнения плоскости.
- 24. Уравнения прямой в пространстве.
- 25. Определение функции от одной переменной. Классификация. Способы задания. Предел функции.
- 26. Первый и второй замечательные пределы. Правило Лопиталя.
- 27. Непрерывные функции и их свойства.
- 28. Определение производной. Правила дифференцирования. Производная сложной функции.
- 29. Геометрический смысл производной. Механический смысл производной. Производные высших порядков.
- 30. Дифференциал функции, его свойства.
- 31. Применение производной к исследованию и построению графиков функций.
- 32. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства.
- 33. Таблица интегралов. Основные методы интегрирования.
- 34. Определенный интеграл и его геометрический смысл. Формула Ньютона-Лейбница.
- 35. Свойства определенного интеграла. Приложения определенного интеграла.
- 36. Определение функции нескольких переменных. Геометрическое изображение функций двух переменных.
- 37. Частные производные первого и второго порядков функции двух переменных. Градиент функции двух переменных.
- 38. Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Виды решений.
- 39. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижения порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения.
- 40. Математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины.
- 41. Мода, медиана, размах, среднее арифметическое. Числовые характеристики статистических рядов.

#### Демонстрационный пример экзаменационного билета



#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Иркутский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ИГУ»)

Факультет: Биолого-почвенный

# ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

Дисциплина Математика Направление подготовки 06.03.01 Биология

#### Задание 1.

Даны три последовательные вершины параллелограмма A(-1;2), B(1;-3),C(4;0). Не находя координаты вершины D, найти:

- 1. уравнение стороны АD;
- 2. уравнение высоты ВК, опущенной из вершины В на сторону АD;
- 3. длину высоты ВК

#### Задание 2.

Найти экстремумы функции:  $y = \frac{x^2}{x-2}$ .

### Задание 3.

Вычислить определенный интеграл:  $\int_{0}^{1} (x^{2} + 1)^{3} \cdot x \cdot dx.$ 

#### Задание 4.

Даны матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 1 & -2 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 3 & 2 \\ 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Найдите произведение матриц А и В.

#### Задание 5.

На втором курсе изучается 14 предметов. Сколькими способами можно составить расписание на пятницу, если в этот день недели должно быть 4 различных занятия?

## Разработчики:

	доцент кафедры математического анализа и дифференциальных уравнений	И.В. Захарова
- UNI	(занимаемая должность)	(инициалы, фамилия)
(подпись)		

Программа составлена в соответствии с требованиями  $\Phi \Gamma OC$  ВО по направлению подготовки 06.05.01 «Биоинженерия и биоинформатика»

Программа рассмотрена на заседании кафедры

«15» мая 2024 г. Протокол №9\_\_\_\_ Зав. кафедрой М.В. Фалалеев

Настоящая программа, не может быть воспроизведена ни в какой форме без предварительного письменного разрешения кафедры-разработчика программы.